

# ИДЕНТИФИКАЦИЯ ОБЪЕКТА УПРАВЛЕНИЯ С САМОВЫРАВНИВАНИЕМ, БЕЗ ЗАПАЗДЫВАНИЯ МЕТОДОМ ПЛОЩАДЕЙ СИМОЮ М.П. В ПАКЕТЕ MAPLE

Зиятдинова А.А.

E-mail: ziatdinovaalmira@yandex.ru

Нижнекамский химико-технологический институт, г. Нижнекамск

**Аннотация.** Рассмотрен алгоритм определения параметров передаточной функции модели объекта управления методом площадей Симою М.П. с реализацией в пакете Maple.

## Identification of control object with self-alignment, without delay by the areas method of simoyu m.p. in system Maple

Ziatdinova A.A.

**Abstract.** The determination algorithm of function transmission parameters of object control model using the areas method of Simoyu M.P. is considered with realization in computer system Maple.

Целью данной работы является определение передаточной функции модели объекта с самовыравниванием, без запаздывания по кривой разгона, полученной экспериментально, с реализацией в пакете символьной математики Maple.

В общем случае динамические свойства объекта аппроксимируются моделью следующего вида:

$$W_0(p) = k \frac{1 + b_1p + b_2p^2 + \dots + b_m p^m}{1 + a_1p + a_2p^2 + \dots + a_n p^n}, \quad (1)$$

где  $k$  – коэффициент усиления;  $a_i, b_i$  – коэффициенты передаточной функции,  $p$  – оператор Лапласа,  $W_0(p)$  – передаточная функция (ПФ).

Метод площадей Симою М.П. позволяет определить передаточную функцию модели объекта по кривой разгона.

Кривая разгона – реакция динамического звена (объекта регулирования) на скачкообразное воздействие при величине скачка, равной единице.

Основной задачей является определение коэффициентов  $a_i, b_i$  передаточной функции методом, предложенным М.П. Симою [1] и названным им методом площадей.

Применяют и другие методы (например, методы Корбина, Стрейца).

Методы, базирующиеся на вычислении площади  $S$ , наиболее эффективны и удобны при использовании ЭВМ для идентификации объекта управления в условиях проведения активного эксперимента [3].

Для получения кривой разгона в автоматической системе регулирования устанавливается номинальный статический режим. Затем система переводится в ручной режим (регулятор отключается, обратная связь разрывается) и на объект регулирования в момент времени с помощью задатчика подается скачкообразное воздействие. Например, скачком изменяется давление на пневматический исполнительный механизм (клапан). Изменение давления приводит к перемещению регулирующего органа (шток, заслонка и т. д.) и как следствие к изменению потока энергоносителя или реагента и соответствующему изменению регулируемой величины  $y$ .

Для расчета параметров модели методом площадей целесообразно ввести нормированную кривую разгона (переходную характеристику), определяемую формулой:

$$h(t) = \frac{y - y_{min}}{y_{max} - y_{min}}, \text{ где } y = y_{min} \div y_{max} \quad (2)$$

где  $y$  – регулируемая величина.

Переходную кривую  $h(t)$  можно рассматривать как реакцию динамического звена с нормированной ПФ вида:

$$W(p) = \frac{1 + b_1p + b_2p^2 + \dots + b_m p^m}{1 + a_1p + a_2p^2 + \dots + a_n p^n} \quad (2)$$

Тогда изображение по Лапласу  $h(t)$  можно записать следующим образом:

$$H(p) = L\{h(t)\} = W(p) \frac{1}{p} \quad (3)$$

Процедура определения параметров  $a_i, b_i$  передаточной функции модели объекта основывается на подходе, который предложен в работе [2]. Алгоритм оценки параметров модели может быть записан следующим образом:

$$\mu_k = \frac{1}{k!} \int_0^T (-t)^k \varphi(t) dt, k=0, 1, 2 \dots (5)$$

где  $\phi(t)=1-h(t)$ , а значение  $T_{\Pi}$  выбирается так, чтобы  $\phi(T_{\Pi}) \approx 0$ .

$$S_k = \mu_{k-1} + \sum_{i=0}^{k-2} \mu_i S_{k-1-i}, k=1, 2 \dots (6)$$

и

$$a_k = b_k + S_k + \sum_{i=1}^{k-1} b_i S_{k-i}, (4)$$

Формулы (5) – (4) определяют последовательность расчета параметров модели.

Для определения коэффициентов  $a_i, b_i$  необходимо  $N = m + n$  уравнений и такое же количество площадей  $S$ , найденных по формуле (6). Поскольку, как правило, порядок модели заранее не известен, необходимо задаваться порядком модели.

Пусть порядок ПФ равен  $n$ . Для простоты примем  $m=n-1$ . Из условия (5) может быть определен порядок передаточной функции модели:

$$\Delta_n = \begin{array}{cccccc} & S_2 & S_3 & \dots & S_n & S_{n+1} \\ & S_3 & S_4 & \dots & S_{n+1} & S_{n+2} \\ \Delta_n = & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ & S_k & S_{k+1} & \dots & S_{n+k} & S_{n+k+1} \\ & S & S & \dots & S_{2n-1} & S_{2n} \end{array} (5)$$

Значение  $n$ , при котором  $\Delta_n \approx 0$ , определяет порядок  $W(p)$ . Для ее оценки целесообразно использовать критерий:

$$\frac{\Delta_n}{\Delta_{n-1}} \leq \delta, (6)$$

где  $\delta$  – некоторая достаточно малая величина.

Реализация данного метода в пакете символьной математики Maple.

> restart;

> with(Statistics):

Исходные данные, полученные экспериментально, в нормированном виде ( $Y$  - значения регулируемой величины с течением времени  $X$ ):

> X := Vector([0, 0.3, 0.6, 0.9, 1.2, 1.5, 1.8, 2.1, 2.4, 2.7, 3, 3.3, 3.6, 3.9], datatype=float):

Y := Vector([0., .1666666667e-1, .1000000000, .1666666667, .2666666667, .3666666667, .5000000000, .5833333333, .6666666667, .7833333333, .8666666667, .9833333333, 1.000000000, 1.000000000], datatype=float):

Аппроксимируем кривую разгона методом полиномиальной регрессии полиномом 3-ей степени:

> PolynomialFit(3, X, Y):

> h(t):=PolynomialFit(3, X, Y, t);

Переходная характеристика, найденная в результате полиномиальной регрессии:

$$h(t) := -0.00490196078966340532 + 0.0754381784373042569 t + 0.157266480758494282 t^2 - 0.0281006816895514149 t^3$$

> xydata :=<X|Y>:

> with(plots):

-проверка аппроксимации-

> data:=pointplot(xydata, connect=true):

> fit:=plot(h(t),t=0..4):

> display({data,fit});

Введем вспомогательную функцию:

> phi(t):=1-h(t):

Находим моменты по формуле (5):

> mu:=(k)->(1/k!)\*int((-t)^k\*phi(t), t=0..3.658326504):

Процедура для нахождения площадей  $S$  по формуле (6):

> S:=proc(k::integer)

option remember;

S(k):=mu(k-1)+add(mu(i)\*S(k-1-i),i=0..k-2)

end proc:

> S(1):=mu(0):

> with(LinearAlgebra): with(linalg):

Составляем матрицу 4-го порядка:

> M := Matrix([[seq(S(j),j=2..5)], [seq(S(j),j=3..6)], [seq(S(j),j=4..7)], [seq(S(j),j=5..8)]]);

Согласно условию (5) находим определитель, составленной матрицы:

$$D := 0.1945950943 \cdot 10^{-5}$$

> Delta:=Determinant(M,method=algunum);  
 Так как мы получили значение определителя, приблизительно равного нулю, следовательно, задаемся структурой модели (2) при  $n=3$  и  $m=2$ .

Коэффициенты, оказавшиеся равными нулю:

> b(2):=0: b(3):=0: b(5):=0: a4:=0: a5:=0:

Процедура нахождения параметров  $a_i$ ,  $b_i$ :

> a:=proc(k::integer)

option remember;

a(k):=b(k)+S(k)+add(b(i)\*S(k-i),i=1..k-1);

end proc:

> eqns:={a1=a(1),a2=a(2),a3=a(2),a4=a(3),a5=a(5)}:

> solve(eqns,{a1,a2,a3,b(1),b(2)});

В результате получили коэффициенты передаточной функции  $a_i$ ,  $b_i$ :

$$\{a_2 = 1.143494533, a_3 = 0.3157342818, a_1 = 1.703216707, b(2) = 0.1039601413, \\ b(1) = -0.1599178840\}$$

> a1 := 1.703216707: a2:= 1.143494533: a3:= .3157342818: b(2):= .1039601413: b(1):= -.1599178840:

> W(p):=(1+b(1)\*p+b(2)\*p^2)/(1+a1\*p+a2\*p^2+a3\*p^3);

Нормированная передаточная функция модели (2), с определенными по методу площадей Симою параметрами:

$$W(p) := \frac{1 - 0.1599178840 p + 0.1039601413 p^2}{1 + 1.703216707 p + 1.143494533 p^2 + 0.3157342818 p^3}$$

Согласно выражению (3):

> H(p):=W(p) \* 1/p:

> with(inttrans):

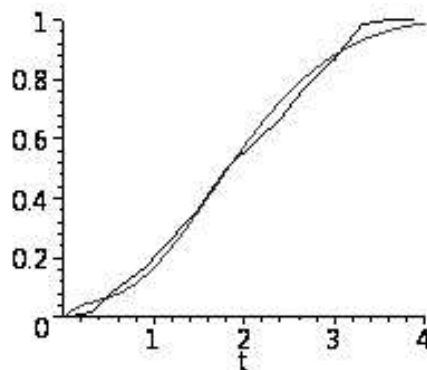
С помощью обратного преобразования Лапласа находим переходную характеристику модели:

> invlaplace(H(p), p, t):

> plot(%,t=0..4,0..1):

> R1:=plot(%%,t=0..4,0..1, color=black):

> display(D1,R1);



**Рис.1.** Совмещенное изображение нормированной кривой разгона  $h(t)$  и переходной функции модели  $y(t)$ .

В результате получили устойчивую модель, адекватную объекту по критерию максимального отклонения.

Данная работа может быть полезна в процессе учебной деятельности студентов по курсу “Теория автоматического управления”.

## Литература

1. Симою М.П. Определение коэффициентов передаточных функций линеаризованных звеньев систем регулирования. Автоматика и телемеханика, 1957 г., № 6. С. 514–527.
2. Волгин В.В. Методы расчета систем автоматического регулирования. / Учебное пособие. М.: Изд-во МЭИ, 1972г., 192 с.
3. Ерофеев А.А. Теория автоматического управления: Учебник для вузов. - 2-е изд., перераб. и доп. - СПб.: Политехника, 2001. - 302 с.: ил. С. 34.
4. Матросов А.В. Марле 6. Решение задач высшей математики и механики. - СПб.: БХВ-Петербург, 2001. - 528 с.: ил.