

Ряд

Исследовать сходимость ряда

Зимина О.В., Кириллов А.И., Сальникова Т.А. Решебник. Высшая математика – М.:ФИЗМАТЛИТ, 2001.– 368 с. (с. 222.)

Вариант 1

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} n \frac{n! + 1}{(n+1)!}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} \ln \frac{3n^3 + 2}{n^3 + 1}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} n^6 \left(\frac{2n^2 + 1}{3n^2 + 1} \right)^n$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! + n}{2^{n-1} + 1}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1 + n^6 2^n)}{2^{n-1}}$
- 6) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{2^n n!}{6^{2n+2} + n}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n n!}{3^{n+2} + n^n}$

18.1

Вариант 2

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 \left(\frac{2n^2 + 2}{3n^2 + 1} \right)^n$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! + n}{2^{n-1} + 1}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1 + n^2 2^n)}{2^{n-1}}$
- 4) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{2^n + 2}{2^n (2n)!}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + 2}{4^n n!}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 \sin^{4n} \frac{\pi}{2n}$
- 7) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^2 \sqrt[2]{\ln(4n+1)}}$

18.1

Вариант 3

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2^n - 1/n)(1 + n^2)}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(2/n)$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^5 + 5n + 2} - \sqrt{n^5 + 11})$
- 4) $\sum_{n=11}^{\infty} n \sin^2(2/\sqrt{n})$
- 5) $\sum_{n=3}^{\infty} n \frac{n! + 1}{(n+1)!}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt[6]{n^5} \arctan(1/n^2)$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} n^5 \left(\frac{4n^2 + 3}{1/n + 5n^4} \right)^n$

18.1

Вариант 4

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{3} - 1)$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^4 + 4} - \sqrt{n^4 + 3})$
- 3) $\sum_{n=12}^{\infty} n \arcsin(3/n)$
- 4) $\sum_{n=4}^{\infty} n \frac{n!}{2 + (n+1)!}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \sin(1/\sqrt[3]{n^2 + 1})$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 \left(\frac{5n^3 + 4}{7n^3 + \sin(n)} \right)^n$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(5n+1)!}{3n! + 2}$

18.1

Вариант 5

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \sin(1/\sqrt[7]{n^6 + 1})$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} n^6 \left(\frac{5n^2 + 5}{6n^2 + \sin(n)} \right)^n$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! + n}{5^{n-1} + 1}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1 + n^6 2^n)}{5^{n-1}}$
- 5) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{2^n n!}{6^{2n+5} + n}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n n!}{5^{n+5} + n^n}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 \operatorname{arctg}^{10n} \frac{\pi}{6n}$

18.1

Вариант 6

- 1) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt[6]{\ln(6n + 1)}}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n+9}}{(2n!)^3}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2^n - \sin(n)) \ln(n)}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(2/n)$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^3 + 4n + 2} - \sqrt{n^3 + 4n + 1})$
- 6) $\sum_{n=9}^{\infty} n \operatorname{tg}(2/n)$
- 7) $\sum_{n=2}^{\infty} n \frac{n! + 1}{(n + 1)!}$

18.1

Вариант 7

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1 + n^6 5^{n+1})}{4^{n-1}}$
- 2) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{5^n n!}{6^{2n+4} + n}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n n!}{5^{n+4} + n^n}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (n^5 + 1) \arcsin^{8n} \frac{\pi}{6n}$
- 5) $\sum_{n=5}^{\infty} \frac{n + 1}{n^2 \sqrt[6]{\ln(8n + 1)}}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^{n+5}}{(2n!)^4}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(5^n - 1/n)(1 + n^2)}$

18.1

Вариант 8

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 + 1/n}{\sqrt[6]{n^5(n + 12)}}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^4 + 6} - \sqrt{n^4 + 5})$
- 3) $\sum_{n=12}^{\infty} n \arcsin(5/n)$
- 4) $\sum_{n=4}^{\infty} n \frac{\ln(5n)}{\sqrt[3]{n^4 + 3}}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \sin(1/\sqrt[5]{n^4 + 1})$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} n^4 \left(\frac{5n^5 + 8}{9n^5 + \sin(n)} \right)^n$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n (n + 1)!}{n^n}$

18.1

Вариант 9

1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 + e^{-6n}}{\sqrt[4]{12n^2(n^2 + 5) + 1}}$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^5 + 5n + 6} - \sqrt{n^5 + 12})$

3) $\sum_{n=12}^{\infty} n \sin^2(6/\sqrt{n})$

4) $\sum_{n=3}^{\infty} n \frac{8 + \cos(n)}{n^3 + \sqrt[3]{n+1}}$

5) $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt[6]{n^5} \arctan(1/n^2)$

6) $\sum_{n=1}^{\infty} n^5 \left(\frac{4n^6 + 9}{1/n + 9n^4} \right)^n$

7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n n! + 4n}{n^n}$

18.1

Вариант 10

1) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{2^{n+1} + 2}{5^n (3n)!}$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n+1} + 2}{6^{n+1} (3n)!}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} (n^2 + 1) \arcsin^{4n} \frac{\pi}{5n}$

4) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n^2 + 1}{n^3 \ln^2(4n)}$

5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{(n!)^2}$

6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2^n - n}$

7) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(2/n)$

18.1

Вариант 11

1) $\sum_{n=14}^{\infty} n \arcsin(4/n)$

2) $\sum_{n=4}^{\infty} n \frac{\ln(4n) + 1}{\sqrt[3]{n+1}}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \sin(1/\sqrt[7]{n^6 + 1})$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} n^6 \left(\frac{5n^4 + 11}{8n^4 + \sin(n)} \right)^n$

5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + n!}{(5n+1)!}$

6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^6 4^{n+1})}{5^n}$

7) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{4^n n!}{6^{2n+5} + n}$

18.1

Вариант 12

1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n+10}}{(2n!)^5}$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(n)}{2^{n+5} - n}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(2/n)$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^4 + 3} - \sqrt{n^4 + 2})$

5) $\sum_{n=10}^{\infty} n \arcsin(2/n)$

6) $\sum_{n=4}^{\infty} n \frac{n! + 1}{(n+1)!}$

7) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \sin(1/\sqrt[7]{n^6 + 1})$

18.1

Вариант 13

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} (\ln^2 n) \left(\cos \frac{\pi}{5n} - 1\right)^{6n}$
- 2) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(4n-1)\sqrt{\ln(6n)}}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{(n!)^3}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2^n - \sin(n)) \ln(n)}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(2/n)$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^3 + 4n + 2} - \sqrt{n^3 + 4n + 1})$
- 7) $\sum_{n=8}^{\infty} n \operatorname{tg}(2/n)$

18.1

Вариант 14

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \sin(1/\sqrt[3]{n^2 + 1})$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 \left(\frac{5n^3 + 14}{7n^3 + \sin(n)}\right)^n$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(5n+1)!}{3n!+2}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^2 3^n)}{3^{n+1}}$
- 5) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{3^n + 5}{2^n (2n)!}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + 5}{4^n n!}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \operatorname{arctg}^{10n} \frac{\pi}{2n}$

18.1

Вариант 15

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n n!}{n^{n+6}}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos(1/n)}{3^{6n+1}}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{3} - 1)$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{4n+7} - 2\sqrt{n+3})$
- 5) $\sum_{n=10}^{\infty} n \operatorname{sh}(3/n)$
- 6) $\sum_{n=5}^{\infty} n \frac{n!}{2 + (n+1)!}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt[3]{n} \operatorname{tg}^2(\pi/n^2)$

18.1

Вариант 16

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^3 + 4n + 2} - \sqrt{n^3 + 4n + 1})$
- 2) $\sum_{n=13}^{\infty} n \operatorname{tg}(2/n)$
- 3) $\sum_{n=2}^{\infty} n \frac{n!+1}{(n+1)!}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (1 - \cos(\pi/n^2))$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} n^4 \left(\frac{3n^2 + 16}{n^2}\right)^{(n^2)}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!+n}{3^{n-1}+1}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^4 2^n)}{3^{n-1}}$

18.1

Вариант 17

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt[3]{n} \operatorname{tg}^2(\pi/n^2)$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} n^4 \left(\frac{6n^3 + 17}{n + 9n^3} \right)^n$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(6n+1)!}{3n! + 2}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^4 3^n)}{3^{n+1}}$
- 5) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{3^n + 6}{4^{n+1}(2n)! + 1}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + 6}{2^{n+1}(2n)!}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \operatorname{arctg}^{12n} \frac{\pi}{4n}$

18.1

Вариант 18

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n+10}}{(2n!)^3}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(3^n - \sin(n)) \ln(n)}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{3} - 1)$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^3 + 4n + 3} - \sqrt{n^3 + 4n + 1})$
- 5) $\sum_{n=10}^{\infty} n \operatorname{tg}(3/n)$
- 6) $\sum_{n=2}^{\infty} n \frac{n!}{2 + (n+1)!}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} (1 - \cos(\pi/n^2))$

18.1

Вариант 19

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} (\ln^4 n) (\cos \frac{\pi}{5n} - 1)^{10n}$
- 2) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{n+1}{n^2 \sqrt[5]{\ln(10n+1)}}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n}{(n!)^5}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(n)}{4^{n+5} - n}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} (\ln(4n))^{-n}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^4 + 5} - \sqrt{n^4 + 4})$
- 7) $\sum_{n=8}^{\infty} n \arcsin(4/n)$

18.1

Вариант 20

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(3n+20)!}{(4n)!}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2^n - 1/n)(1+n^2)}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(2/n)$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^5 + 5n + 2} - \sqrt{n^5 + 10})$
- 5) $\sum_{n=10}^{\infty} n \sin^2(2/\sqrt{n})$
- 6) $\sum_{n=3}^{\infty} n \frac{n! + 1}{(n+1)!}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt[3]{n^2} \arctan(1/n^2)$

18.1

Вариант 21

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n+1} + 4}{6^{n+1}(3n)!}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} (\ln^3 n)(\cos \frac{\pi}{5n} - 1)^{8n}$
- 3) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n^3 + 1}{n^4 \ln^2(8n)}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{(n!)^4}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(3^n - 1/n)(1 + n^2)}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{3} - 1)$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^5 + 5n + 3} - \sqrt{n^5 + 7})$

18.1

Вариант 22

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} (\ln(4n))^{-n}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^3 + 4n + 4} - \sqrt{n^3 + 4n + 1})$
- 3) $\sum_{n=12}^{\infty} n \operatorname{tg}(4/n)$
- 4) $\sum_{n=2}^{\infty} n \frac{\ln(4n) + 1}{\sqrt[3]{n + 1}}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} (1 - \cos(\pi/n^2))$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} n^5 \left(\frac{3n^4 + 22}{n^4} \right)^{(n^2)}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + n!}{(3n + 1)!}$

18.1

Вариант 23

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(3n + 20)!}{(5n)!}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(n)}{2^{n+5} - n}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(2/n)$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^4 + 3} - \sqrt{n^4 + 2})$
- 5) $\sum_{n=10}^{\infty} n \arcsin(2/n)$
- 6) $\sum_{n=4}^{\infty} n \frac{n! + 1}{(n + 1)!}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} n^3 \sin(1/\sqrt[3]{n^2 + 1})$

18.1

Вариант 24

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1 + n^2 2^n)}{3^{n-1}}$
- 2) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{2^n + 3}{2^n (2n)!}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + 3}{4^n n!}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (n^2 + 1) \arcsin^{6n} \frac{\pi}{2n}$
- 5) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt[2]{\ln(6n + 1)}}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(3n + 10)!}{(3n)!}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2^n - \sin(n)) \ln(n)}$

18.1

Вариант 25

- 1) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{4^{n+1} + 2}{5^n(3n)!}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^{n+1} + 2}{3^{n+1}(3n)!}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} (n^4 + 1) \arcsin^{4n} \frac{\pi}{5n}$
- 4) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(8n-1)\sqrt{\ln(4n)}}$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n}{(n!)^2}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{4^n - n}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} (\ln(4n))^{-n}$

18.1

Вариант 26

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^6 4^{n+1})}{5^n}$
- 2) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{4^n n!}{6^{2n+5} + n}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n n!}{3^{n+5} + n^n}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (n^4 + 1) \arcsin^{10n} \frac{\pi}{6n}$
- 5) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(8n-1)\sqrt{\ln(10n)}}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^{n+5}}{(2n!)^5}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(n)}{4^{n+5} - n}$

18.1

Вариант 27

- 1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^6 3^n)}{3^{n+1}}$
- 2) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{3^n n!}{6^{2n+5} + n}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n n!}{2^{n+5} + n^n}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} (n^3 + 1) \arcsin^{10n} \frac{\pi}{6n}$
- 5) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{(3n+1) \ln(5n)}$
- 6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n+5}}{(2n!)^5}$
- 7) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(n)}{3^{n+5} - n}$

18.1

Вариант 28

- 1) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n+1}{n^2 \sqrt[4]{\ln(10n+1)}}$
- 2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n (n^5 - 1)}{n!}$
- 3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(n)}{2^{n+5} - n}$
- 4) $\sum_{n=1}^{\infty} \sin(2/n)$
- 5) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^4 + 3} - \sqrt{n^4 + 2})$
- 6) $\sum_{n=9}^{\infty} n \arcsin(2/n)$
- 7) $\sum_{n=4}^{\infty} n \frac{n! + 1}{(n+1)!}$

18.1

Вариант 29

1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n n!}{4^{n+3} + n^n}$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} (\ln^4 n) (\cos \frac{\pi}{6n} - 1)^{6n}$

3) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^6 \sqrt{\ln(6n+1)}}$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^{n+7}}{(2n!)^3}$

5) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(4^n - \sin(n)) \ln(n)}$

6) $\sum_{n=1}^{\infty} (\ln(4n))^{-n}$

7) $\sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt{n^3 + 4n + 4} - \sqrt{n^3 + 4n + 1})$

18.1

Вариант 30

1) $\sum_{n=1}^{\infty} (1 - \cos(\pi/n^2))$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 \left(\frac{3n^2 + 30}{n^2} \right)^{(n^2)}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! + n}{3^{n-1} + 1}$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1 + n^2 2^n)}{3^{n-1}}$

5) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{2^n + 3}{2^n (2n)!}$

6) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + 3}{3^n n!}$

7) $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 \operatorname{arctg}^{6n} \frac{\pi}{2n}$

18.1