

# Знакочередующийся ряд

Исследовать сходимость ряда

Зимина О.В., Кириллов А.И., Сальникова Т.А. **Решебник. Высшая математика** – М.:ФИЗМАТЛИТ, 2001.– 368 с. (с. 222.)

## Вариант 1

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^3 \sin(1/\sqrt[3]{n^2 + 1})$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^2 \left( \frac{5n^2 + 1}{6n^2 + \sin(n)} \right)^n$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! + n}{5^{n-1} + 1} (-1)^n$$

19.1

## Вариант 2

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{5^n - n}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1 + 1/n}{\sqrt[3]{n^2(n+11)}}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt{n^2 + 4n + 11} - \sqrt{n^2 + 3n})$$

19.1

## Вариант 3

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^6 \operatorname{arctg}^{4n} \frac{\pi}{6n}$$

$$2) \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{(6n+1) \ln(2n)}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 6^{n+8}}{(2n!)^2}$$

19.1

## Вариант 4

$$1) \sum_{n=2}^{\infty} n (-1)^n \frac{n!}{2 + (n+1)!}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (1 - \cos(\pi/n^2))$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^3 \left( \frac{3n^3 + 4}{n^3} \right)^{(n^2)}$$

19.1

## Вариант 5

$$1) \sum_{n=4}^{\infty} n (-1)^n \arcsin(5/n)$$

$$2) \sum_{n=4}^{\infty} n (-1)^n \frac{\ln(5n)}{\sqrt[3]{n^4 + 3}}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^3 \sin(1/\sqrt[7]{n^6 + 1})$$

19.1

## Вариант 6

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{\sin(n)}{6^{n+5} - n}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1 + e^{-6n}}{\sqrt[4]{11n^2(n^2 + 6) + 1}}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt{n^4 + 7} - \sqrt{n^4 + 6})$$

19.1

## Вариант 7

$$1) \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{(10n-1)\sqrt{\ln(12n)}}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 5^n}{(n!)^6}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{\cos(1/n)}{5^{6n+1}}$$

19.1

## Вариант 8

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1 + e^{-6n}}{\sqrt[4]{12n^2(n^2 + 5) + 1}}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt{n^5 + 5n + 6} - \sqrt{n^5 + 12})$$

$$3) \sum_{n=5}^{\infty} n (-1)^n \sin^2(6/\sqrt{n})$$

19.1

**Вариант 9**

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^6 \sin^{4n} \frac{\pi}{5n}$$

$$2) \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{(12n-1)\sqrt{\ln(4n)}}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 6^n}{(n!)^2}$$

19.1

**Вариант 10**

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^3 \left( \frac{2n^2 + 10}{3n^2 + 1} \right)^n$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! + n}{2^{n-1} + 1} (-1)^n$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1 + n^3 2^n)}{2^{n-1}} (-1)^n$$

19.1

**Вариант 11**

$$1) \sum_{n=3}^{\infty} n (-1)^n \sin(4/n)$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} n (-1)^n \frac{\ln(4n) + 1}{\sqrt[3]{n+1}}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{n} \ln \frac{5n^3 + 4}{n^3 + 1}$$

19.1

**Вариант 12**

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1 + 1/n}{\sqrt[3]{n^2(n+12)}}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt{n^2 + 4n + 12} - \sqrt{n^2 + 3n})$$

$$3) \sum_{n=4}^{\infty} n (-1)^n \sin(5/n)$$

19.1

**Вариант 13**

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^3 \left( \frac{4n^2 + 13}{1/n + 5n^4} \right)^n$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n! + n}{4^{n-1} + 1} (-1)^n$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1 + n^3 2^n)}{4^{n-1}} (-1)^n$$

19.1

**Вариант 14**

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \sqrt[3]{n} \operatorname{tg}^2(\pi/n^2)$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^6 \left( \frac{6n^6 + 14}{n + 12n^6} \right)^n$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n n! + 6n}{n^n} (-1)^n$$

19.1

**Вариант 15**

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (n^4 + 1) \arcsin^{12n} \frac{\pi}{6n}$$

$$2) \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{n^6 \sqrt{\ln(12n+1)}}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 4^{n+8}}{(2n!)^6}$$

19.1

**Вариант 16**

$$1) \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{4^n + 2}{2^n (2n)!}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left( 1 - \cos \frac{4}{n} \right)$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^{n+4} \operatorname{arctg}^{2n} \frac{\pi}{2n}$$

19.1

**Вариант 17**

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(3n+1)!}{3n!+2} (-1)^n$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^2 3^n)}{3^{n+1}} (-1)^n$$

$$3) \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{3^n + 3}{2^n (2n)!}$$

19.1

**Вариант 18**

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{3^n - n}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt[n]{3} - 1)$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt{n^2 + 4n + 11} - \sqrt{n^2 + 3n})$$

19.1

**Вариант 19**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} n (-1)^n \operatorname{tg}(2/n)$   
 2)  $\sum_{n=2}^{\infty} n (-1)^n \frac{n! + 1}{(n+1)!}$   
 3)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (1 - \cos(\pi/n^2))$

19.1

**Вариант 20**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt[n]{3} - 1)$   
 2)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt{n^5 + 5n + 3} - \sqrt{n^5 + 12})$   
 3)  $\sum_{n=2}^{\infty} n (-1)^n \sin^2(3/\sqrt{n})$

19.1

**Вариант 21**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \sqrt[3]{n} \operatorname{tg}^2(\pi/n^2)$   
 2)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^4 \left( \frac{6n^5 + 21}{n + 11n^5} \right)^n$   
 3)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{6^n (n+1)!}{n^n} (-1)^n$

19.1

**Вариант 22**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^3 \sin(1/\sqrt[4]{n^3 + 1})$   
 2)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^3 \left( \frac{5n^5 + 22}{9n^5 + \sin(n)} \right)^n$   
 3)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n (n+1)!}{n^n} (-1)^n$

19.1

**Вариант 23**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^4 5^{n+1})}{3^{n-1}} (-1)^n$   
 2)  $\sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{5^n + 3}{4^{n+1} (2n)! + 1}$   
 3)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left( 1 - \sqrt{\cos \frac{5}{n^2}} \right)$

19.1

**Вариант 24**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt[n]{3} - 1)$   
 2)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt{n^4 + 4} - \sqrt{n^4 + 3})$   
 3)  $\sum_{n=2}^{\infty} n (-1)^n \arcsin(3/n)$

19.1

**Вариант 25**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^3 \operatorname{arctg}^{8n} \frac{\pi}{3n}$   
 2)  $\sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{(3n+1) \ln(4n)}$   
 3)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 3^n n!}{n^{n+4}}$

19.1

**Вариант 26**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^6 \left( \frac{4n^4 + 26}{1/n + 7n^4} \right)^n$   
 2)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + n!}{(4n+1)!} (-1)^n$   
 3)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(1+n^6 4^{n+1})}{4^n} (-1)^n$

19.1

**Вариант 27**

- 1)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\sqrt{n^4 + 5} - \sqrt{n^4 + 4})$   
 2)  $\sum_{n=3}^{\infty} n (-1)^n \arcsin(4/n)$   
 3)  $\sum_{n=4}^{\infty} n (-1)^n \frac{\ln(4n) + 1}{\sqrt[3]{n+1}}$

19.1

**Вариант 28**

- 1)  $\sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{5^n n!}{6^{2n+2} + n}$   
 2)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left( 1 - \cos \frac{5}{\sqrt{n}} \right)^2$   
 3)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (\ln^5 n) (\cos \frac{\pi}{6n} - 1)^{4n}$

19.1

**Вариант 29**

$$1) \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{1}{(5n+1) \ln(6n)}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 5^n}{(n!)^6}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{\cos(1/n)}{5^{6n+1}}$$

19.1

**Вариант 30**

$$1) \sum_{n=2}^{\infty} n (-1)^n \frac{n! + 1}{(n+1)!}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n (1 - \cos(\pi/n^2))$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n^2 \left( \frac{3n^2 + 30}{n^2} \right)^{(n^2)}$$

19.1