

Степенной ряд

Найти область сходимости степенного ряда

Зимина О.В., Кириллов А.И., Сальникова Т.А. **Решебник. Высшая математика – М.:ФИЗМАТЛИТ, 2006.– 368 с. (с.231.)**

Задача 28.1.

Бондаренко Елена

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{4^n n^2 + \sqrt[3]{\sin(2n)+1}}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{n + \cos(2n)}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (n+12)(x-1)^n$$

$$4) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{4^n n^2 + \sqrt[3]{\sin(2n)+1}}$$

Задача 28.3.

Горячев Алексей

$$1) \sum_{n=4}^{\infty} (n + \sqrt[6]{\sin(3n)+4})(x-4)^n$$

$$2) \sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{5^n n^2 + 1/\sqrt[n]{n}}$$

$$3) \sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{n + 1/\sqrt[6]{n}}$$

$$4) \sum_{n=4}^{\infty} (n + \sqrt[6]{\sin(3n)+4})(x-4)^n$$

Задача 28.5.

Дзамихов Азамат

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{2^n n^2 + \sqrt[6]{\sin(5n)+4}}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{n+15}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (n + \sqrt[6]{\sin(5n)+4})(x-1)^n$$

$$4) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{2^n n^2 + \sqrt[6]{\sin(5n)+4}}$$

Задача 28.2.

Гамзин Дмитрий

$$1) \sum_{n=2}^{\infty} (n + \cos^n(12n))(x-2)^n$$

$$2) \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{2^n n^2 + \cos(12n)}$$

$$3) \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{n + \sin(12n)}$$

$$4) \sum_{n=2}^{\infty} (n + \cos^n(12n))(x-2)^n$$

Задача 28.4.

Граблина Анастасия

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{3^n n^2 + \cos(2n)}$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+3)^n}{n + \sin(2n)}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} (n+12)(x-1)^n$$

$$4) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{3^n n^2 + \cos(2n)}$$

Задача 28.6.

Золоев Тимур

$$1) \sum_{n=1}^{\infty} (n + 1/\sqrt[n]{n})(x-1)^n$$

$$2) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{n + \sqrt[9]{\sin(4n)+7}}$$

$$3) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+3)^n}{5^n n^2 + \sin(8n)}$$

$$4) \sum_{n=1}^{\infty} (n + 1/\sqrt[n]{n})(x-1)^n$$

Задача 28.7.

Квардакова Елизавета

1) $\sum_{n=1}^{\infty} (n + 1/n^7)(x - 1)^n$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 1)^n}{n + \cos(7n)}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{4^n n^2 + 17}$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} (n + 1/n^7)(x - 1)^n$

Задача 28.9.

Кожемяко Ирина

1) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x + 2)^n}{3^n n^2 + \sin(5n)}$

2) $\sum_{n=2}^{\infty} (n + \sqrt[6]{\sin(3n) + 4})(x - 2)^n$

3) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x + 1)^n}{n + \cos(5n)}$

4) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x + 2)^n}{3^n n^2 + \sin(5n)}$

Задача 28.11.

Кузин Юрий

1) $\sum_{n=4}^{\infty} (n + 1/n^7)(x - 4)^n$

2) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 1)^n}{n + 1/\sqrt[8]{n}}$

3) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{5^n n^2 + \sqrt[8]{\sin(5n) + 6}}$

4) $\sum_{n=4}^{\infty} (n + 1/n^7)(x - 4)^n$

Задача 28.13.

Луковников Артем

1) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 2)^n}{n + \cos(3n)}$

2) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 1)^n}{3^n n^2 + \cos(3n)}$

3) $\sum_{n=4}^{\infty} (n + \sin(3n))(x - 4)^n$

4) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 2)^n}{n + \cos(3n)}$

Задача 28.8.

Кирьяк Вадим

1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{3^n n^2 + \sqrt[5]{\sin(5n) + 3}}$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{n + \sin(4n)}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} (n + \cos(4n))(x - 1)^n$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{3^n n^2 + \sqrt[5]{\sin(5n) + 3}}$

Задача 28.10.

Кремнев Алексей

1) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x + 1)^n}{5^n n^2 + \sqrt[13]{\sin(2n) + 11}}$

2) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x + 3)^n}{n + \cos(12n)}$

3) $\sum_{n=2}^{\infty} (n + \cos^n(12n))(x - 2)^n$

4) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x + 1)^n}{5^n n^2 + \sqrt[13]{\sin(2n) + 11}}$

Задача 28.12.

Ложкина Юлия

1) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{4^n n^2 + 1/n^{10}}$

2) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 3)^n}{n + 1/n^{10}}$

3) $\sum_{n=4}^{\infty} (n + 1/\sqrt[11]{5n + 9})(x - 4)^n$

4) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{4^n n^2 + 1/n^{10}}$

Задача 28.14.

Малахов Дмитрий

1) $\sum_{n=1}^{\infty} (n + \sqrt[6]{\sin(3n) + 4})(x - 1)^n$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 2)^n}{4^n n^2 + \sqrt[6]{\sin(3n) + 4}}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{n + \cos(5n)}$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} (n + \sqrt[6]{\sin(3n) + 4})(x - 1)^n$

Задача 28.15.

Минь Герман

$$\begin{aligned}
 1) & \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{n + \cos(8n)} \\
 2) & \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{4^n n^2 + \sqrt[9]{\sin(2n) + 7}} \\
 3) & \sum_{n=3}^{\infty} (n + 1/\sqrt[9]{n})(x-3)^n \\
 4) & \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{n + \cos(8n)}
 \end{aligned}$$

Задача 28.17.

Попадъин Сергей

$$\begin{aligned}
 1) & \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{2^n n^2 + \cos(13n)} \\
 2) & \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+3)^n}{n + 23} \\
 3) & \sum_{n=1}^{\infty} (n + 13^{1/n})(x-1)^n \\
 4) & \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{2^n n^2 + \cos(13n)}
 \end{aligned}$$

Задача 28.19.

Рябинина Марина

$$\begin{aligned}
 1) & \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x+3)^n}{n + \cos(7n)} \\
 2) & \sum_{n=2}^{\infty} (n + 1/n^7)(x-2)^n \\
 3) & \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x+3)^n}{3^n n^2 + \sqrt[8]{\sin(4n) + 6}} \\
 4) & \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(x+3)^n}{n + \cos(7n)}
 \end{aligned}$$

Задача 28.21.

Цветков Сергей

$$\begin{aligned}
 1) & \sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{n + \cos(7n)} \\
 2) & \sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{3^n n^2 + \sqrt[8]{\sin(2n) + 6}} \\
 3) & \sum_{n=4}^{\infty} (n + 1/n^7)(x-4)^n \\
 4) & \sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{n + \cos(7n)}
 \end{aligned}$$

Задача 28.16.

Парсегов Олег

$$\begin{aligned}
 1) & \sum_{n=4}^{\infty} (n + 13^{1/n})(x-4)^n \\
 2) & \sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{n + 1/\sqrt[14]{n}} \\
 3) & \sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{5^n n^2 + \cos(13n)} \\
 4) & \sum_{n=4}^{\infty} (n + 13^{1/n})(x-4)^n
 \end{aligned}$$

Задача 28.18.

Романов Сергей

$$\begin{aligned}
 1) & \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{5^n n^2 + 1/n^7} \\
 2) & \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(x+4)^n}{n + 1/n^7} \\
 3) & \sum_{n=3}^{\infty} (n + 1/n^7)(x-3)^n \\
 4) & \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{5^n n^2 + 1/n^7}
 \end{aligned}$$

Задача 28.20.

Синькова Мария

$$\begin{aligned}
 1) & \sum_{n=3}^{\infty} (n + 12)(x-3)^n \\
 2) & \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{n + \cos(2n)} \\
 3) & \sum_{n=3}^{\infty} \frac{(x+3)^n}{2^n n^2 + \sqrt[3]{\sin(4n) + 1}} \\
 4) & \sum_{n=3}^{\infty} (n + 12)(x-3)^n
 \end{aligned}$$

Задача 28.22.

Шапкин Данил

$$\begin{aligned}
 1) & \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{n + 12} \\
 2) & \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{2^n n^2 + 12} \\
 3) & \sum_{n=1}^{\infty} (n + 12)(x-1)^n \\
 4) & \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+1)^n}{n + 12}
 \end{aligned}$$

Задача 28.23.

Швалучинский Владимир

1) $\sum_{n=4}^{\infty} (n + \sin(3n))(x - 4)^n$

2) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 2)^n}{3^n n^2 + 1/\sqrt[4]{n}}$

3) $\sum_{n=4}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{n + \cos(3n)}$

4) $\sum_{n=4}^{\infty} (n + \sin(3n))(x - 4)^n$

Задача 28.24.

Шумилин Василий

1) $\sum_{n=1}^{\infty} (n + 1/n^7)(x - 1)^n$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 2)^n}{n + \sqrt[8]{\sin(5n) + 6}}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x + 4)^n}{5^n n^2 + \sin(7n)}$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} (n + 1/n^7)(x - 1)^n$