

# Динамический расчет механизма с неизвестным параметром

Механическая система, состоящая из четырех тел  $A, B, C, D$  и пружины, под действием внешних сил приходит в движение из состояния покоя. Один из параметров системы (жесткость пружины  $c$  или момент трения  $M_{fr,B}$  на оси  $B$ ) неизвестен. Учитывается трение скольжения с коэффициентом  $f$  и трение качения с коэффициентом  $\delta_{fr}$ . Заданы радиусы цилиндров и блока. Радиусы инерции даны для блоков, цилиндры считать однородными.

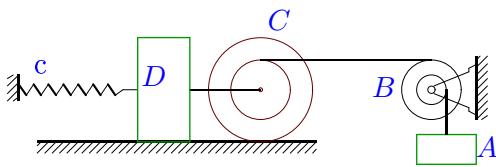
В таблице ответов даны момент трения на оси  $B$  (в Нм), жесткость пружины (в Н/м), приведенные массы тел (в кг) и искомая скорость (в см/с).

*Кирсанов М.Н. Решебник. Теоретическая механика/Под ред. А. И. Кириллова.– М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. – 384 с. (с.257.)*

### Задача D-7.1.

*Хазеков Максим*

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 2 м, груз  $A$  приобретает скорость 122 см/с. Чему будет равна эта скорость, если убрать пружину? Учесть момент трения на оси блока  $B$ .

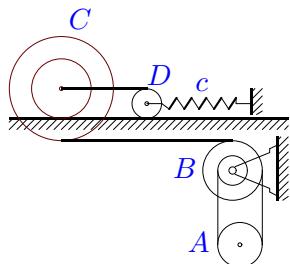


$$m_A = 5 \text{ кг}, m_B = 12 \text{ кг}, m_C = 6 \text{ кг}, \\ m_D = 12 \text{ кг}, R_B = 25 \text{ см}, r_c = 24 \text{ см}, \\ R_c = 42 \text{ см}, i_c = 28 \text{ см}, r_B = 24 \text{ см}, \\ i_B = 24 \text{ см}, f = 0.05, \delta_{fr} = 9 \text{ мм}, c = 3 \text{ Н/м}.$$

### Задача D-7.2.

*Голубовская Диана*

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 1 м, блок  $A$  приобретает скорость 11 см/с. Чему будет равна эта скорость, если пружину заменить на три такие же, соединенные последовательно?

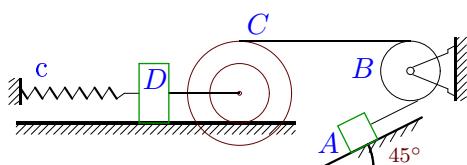


$$m_A = 10 \text{ кг}, m_B = 6 \text{ кг}, m_C = 9 \text{ кг}, \\ m_D = 8 \text{ кг}, R_B = 17 \text{ см}, r_c = 16 \text{ см}, \\ R_c = 28 \text{ см}, i_c = 20 \text{ см}, r_B = 9 \text{ см}, \\ i_B = 16 \text{ см}, r_D = 8 \text{ см}, r_A = 13 \text{ см}, \\ \delta_{fr} = 7 \text{ мм}, M_{fr,B} = 2 \text{ Нм}.$$

### Задача D-7.3.

*Гонзоронов Дамба*

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 2 м, груз  $A$  приобретает скорость 67 см/с. Чему будет равна эта скорость, если момент трения на оси  $B$  уменьшить в 8 раз?

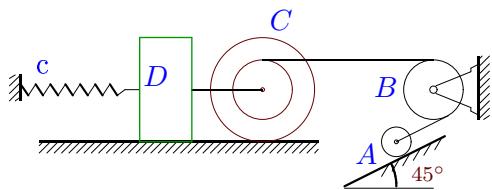


$$m_A = 5 \text{ кг}, m_B = 63 \text{ кг}, m_C = 100 \text{ кг}, \\ m_D = 30 \text{ кг}, R_B = 25 \text{ см}, r_c = 24 \text{ см}, \\ R_c = 42 \text{ см}, i_c = 28 \text{ см}, f = 0.06, \delta_{fr} = 9 \text{ мм}, \\ c = 6 \text{ Н/м}.$$

**Задача D-7.4.**

Долгих Дарья

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 2 м, цилиндр  $A$  приобретает скорость 47 см/с. Чему будет равна эта скорость, если жесткость пружины уменьшить на 20% ?

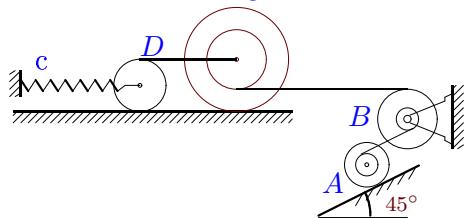


$$\begin{aligned} m_A &= 10 \text{ кг}, m_B = 149 \text{ кг}, m_C = 100 \text{ кг}, \\ m_D &= 60 \text{ кг}, R_B = 25 \text{ см}, r_c = 24 \text{ см}, \\ R_c &= 42 \text{ см}, i_c = 28 \text{ см}, r_A = 23 \text{ см}, \\ f &= 0.08, \delta_{fr} = 9 \text{ мм}, M_{fr.B} = 3 \text{ Нм}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.5.**

Звягинцева Алёна

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 2 м, блок  $A$  приобретает скорость 31 см/с. Чему будет равна эта скорость, если пружину заменить на три такие же, соединенные последовательно ?

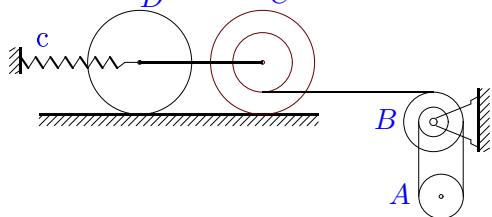


$$\begin{aligned} m_A &= 19 \text{ кг}, m_B = 6 \text{ кг}, m_C = 9 \text{ кг}, \\ m_D &= 8 \text{ кг}, R_B = 17 \text{ см}, r_c = 16 \text{ см}, \\ R_c &= 28 \text{ см}, i_c = 20 \text{ см}, r_B = 16 \text{ см}, \\ i_B &= 16 \text{ см}, r_D = 14 \text{ см}, r_A = 13 \text{ см}, \\ R_A &= 16 \text{ см}, i_A = 14 \text{ см}, \delta_{fr} = 7 \text{ мм}, \\ M_{fr.B} &= 6 \text{ Нм}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.6.**

Зогина Екатерина

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 1 м, блок  $A$  приобретает скорость 17 см/с. Чему будет равна эта скорость, если момент трения на оси  $B$  уменьшить в 6 раз ?

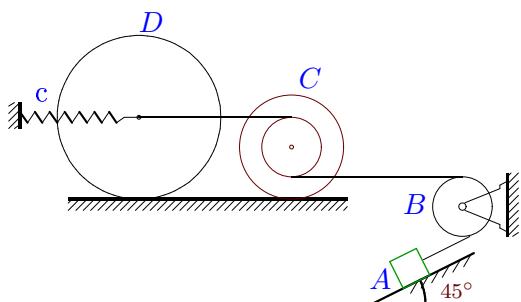


$$\begin{aligned} m_A &= 5 \text{ кг}, m_B = 3 \text{ кг}, m_C = 5 \text{ кг}, \\ m_D &= 4 \text{ кг}, R_B = 9 \text{ см}, r_c = 8 \text{ см}, \\ R_c &= 14 \text{ см}, i_c = 12 \text{ см}, r_B = 1 \text{ см}, \\ i_B &= 8 \text{ см}, r_D = 14 \text{ см}, r_A = 5 \text{ см}, \delta_{fr} = 5 \text{ мм}, \\ c &= 0.1 \text{ Н/м}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.7.**

Исаев Александр

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 1 м, груз  $A$  приобретает скорость 5 см/с. Чему будет равна эта скорость, если жесткость пружины уменьшить на 40% ?

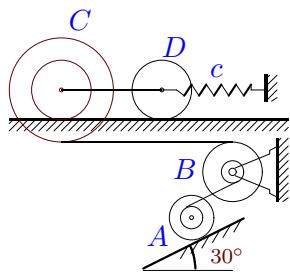


$$\begin{aligned} m_A &= 23 \text{ кг}, m_B = 22 \text{ кг}, m_C = 40 \text{ кг}, \\ m_D &= 120 \text{ кг}, R_B = 9 \text{ см}, r_c = 8 \text{ см}, \\ R_c &= 14 \text{ см}, i_c = 12 \text{ см}, r_D = 22 \text{ см}, \\ f &= 0.07, \delta_{fr} = 4 \text{ мм}, M_{fr.B} = 3 \text{ Нм}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.8.**

Кобалия Давид

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 2 м, блок  $A$  приобретает скорость 39 см/с. Чему будет равна эта скорость, если пружину заменить на две такие же, соединенные последовательно?

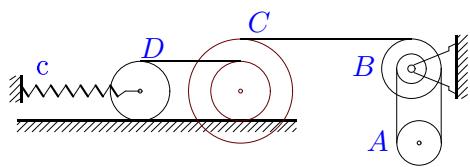


$$\begin{aligned}m_A &= 33 \text{ кг}, m_B = 6 \text{ кг}, m_C = 3 \text{ кг}, \\m_D &= 4 \text{ кг}, R_B = 9 \text{ см}, r_c = 8 \text{ см}, \\R_c &= 14 \text{ см}, i_c = 12 \text{ см}, r_B = 8 \text{ см}, \\i_B &= 8 \text{ см}, r_D = 8 \text{ см}, r_A = 6 \text{ см}, R_A = 9 \text{ см}, \\i_A &= 7 \text{ см}, \delta_{fr} = 5 \text{ мм}, M_{fr.B} = 5 \text{ Нм}.\end{aligned}$$

**Задача D-7.9.**

Лошакова Алина

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 0.5 м, блок  $A$  приобретает скорость 18 см/с. Чему будет равна эта скорость, если пружину заменить на три такие же, соединенные последовательно?

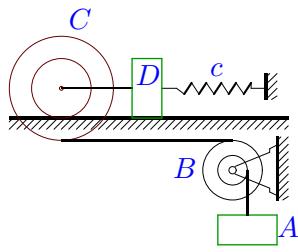


$$\begin{aligned}m_A &= 7 \text{ кг}, m_B = 6 \text{ кг}, m_C = 6 \text{ кг}, \\m_D &= 8 \text{ кг}, R_B = 17 \text{ см}, r_c = 16 \text{ см}, \\R_c &= 28 \text{ см}, i_c = 20 \text{ см}, r_B = 9 \text{ см}, \\i_B &= 16 \text{ см}, r_D = 16 \text{ см}, r_A = 13 \text{ см}, \\&\delta_{fr} = 6 \text{ мм}, M_{fr.B} = 2 \text{ Нм}.\end{aligned}$$

**Задача D-7.10.**

Молчанов Леонид

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 2 м, груз  $A$  приобретает скорость 74 см/с. Чему будет равна эта скорость, если пружину заменить на четыре такие же, соединенные последовательно?

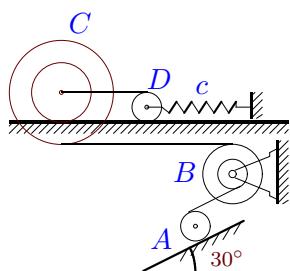


$$\begin{aligned}m_A &= 4 \text{ кг}, m_B = 6 \text{ кг}, m_C = 5 \text{ кг}, \\m_D &= 12 \text{ кг}, R_B = 25 \text{ см}, r_c = 24 \text{ см}, \\R_c &= 42 \text{ см}, i_c = 28 \text{ см}, r_B = 24 \text{ см}, \\i_B &= 24 \text{ см}, f = 0.04, \delta_{fr} = 9 \text{ мм}, \\M_{fr.B} &= 4 \text{ Нм}.\end{aligned}$$

**Задача D-7.11.**

Нечаев Алексей

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 2 м, цилиндр  $A$  приобретает скорость 36 см/с. Чему будет равна эта скорость, если пружину заменить на три такие же, соединенные последовательно?

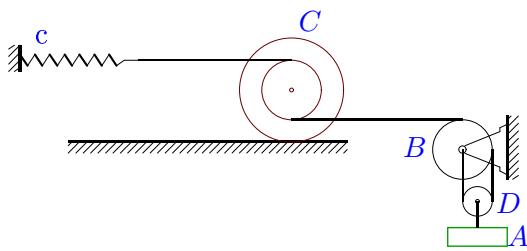


$$\begin{aligned}m_A &= 16 \text{ кг}, m_B = 6 \text{ кг}, m_C = 3 \text{ кг}, \\m_D &= 8 \text{ кг}, R_B = 17 \text{ см}, r_c = 16 \text{ см}, \\R_c &= 28 \text{ см}, i_c = 20 \text{ см}, r_B = 16 \text{ см}, \\i_B &= 16 \text{ см}, r_D = 8 \text{ см}, r_A = 14 \text{ см}, \\&\delta_{fr} = 7 \text{ мм}, M_{fr.B} = 4 \text{ Нм}.\end{aligned}$$

**Задача D-7.12.**

Павлов Алексей

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 1 м, груз  $A$  приобретает скорость 33 см/с. Чему будет равна эта скорость, если пружину заменить на две такие же, соединенные последовательно ?

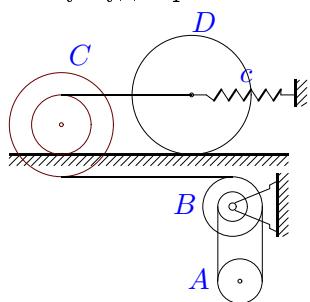


$$\begin{aligned} m_A &= 10 \text{ кг}, m_B = 6 \text{ кг}, m_C = 6 \text{ кг}, \\ m_D &= 4 \text{ кг}, R_B = 9 \text{ см}, r_c = 8 \text{ см}, \\ R_c &= 14 \text{ см}, i_c = 12 \text{ см}, r_D = R_B/2, \\ \delta_{fr} &= 4 \text{ мм}, M_{fr.B} = 4 \text{ Нм}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.13.**

Попов Максим

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 0.5 м, блок  $A$  приобретает скорость 16 см/с. Чему будет равна эта скорость, если жесткость пружины уменьшить на 30% ?

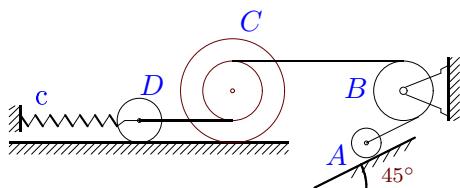


$$\begin{aligned} m_A &= 10 \text{ кг}, m_B = 9 \text{ кг}, m_C = 4 \text{ кг}, \\ m_D &= 4 \text{ кг}, R_B = 9 \text{ см}, r_c = 8 \text{ см}, \\ R_c &= 14 \text{ см}, i_c = 12 \text{ см}, r_B = 1 \text{ см}, \\ i_B &= 8 \text{ см}, r_D = 16 \text{ см}, r_A = 5 \text{ см}, \delta_{fr} = 4 \text{ мм}, \\ M_{fr.B} &= 3 \text{ Нм}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.14.**

Рябов Максим

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 1 м, цилиндр  $A$  приобретает скорость 41 см/с. Чему будет равна эта скорость, если момент трения на оси  $B$  уменьшить в 6 раз ?

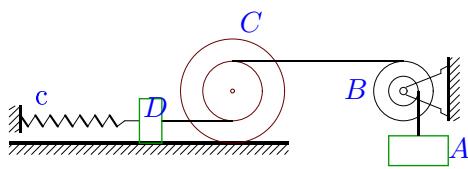


$$\begin{aligned} m_A &= 4 \text{ кг}, m_B = 100 \text{ кг}, m_C = 40 \text{ кг}, \\ m_D &= 60 \text{ кг}, R_B = 9 \text{ см}, r_c = 8 \text{ см}, \\ R_c &= 14 \text{ см}, i_c = 12 \text{ см}, r_D = 6 \text{ см}, \\ r_A &= 7 \text{ см}, \delta_{fr} = 4 \text{ мм}, c = 19 \text{ Н/м}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.15.**

Семин Евгений

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 1 м, груз  $A$  приобретает скорость 130 см/с. Чему будет равна эта скорость, если момент трения на оси  $B$  уменьшить в 8 раз ?

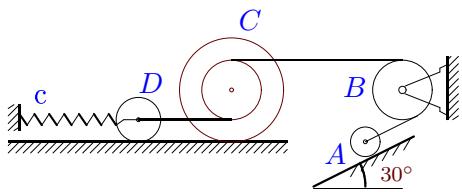


$$\begin{aligned} m_A &= 2 \text{ кг}, m_B = 3 \text{ кг}, m_C = 6 \text{ кг}, \\ m_D &= 12 \text{ кг}, R_B = 25 \text{ см}, r_c = 24 \text{ см}, \\ R_c &= 42 \text{ см}, i_c = 28 \text{ см}, r_B = 24 \text{ см}, \\ i_B &= 24 \text{ см}, f = 0.05, \delta_{fr} = 8 \text{ мм}, c = 3 \text{ Н/м}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.16.**

Сорокин Никита

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 1 м, цилиндр  $A$  приобретает скорость 28 см/с. Чему будет равна эта скорость, если момент трения на оси  $B$  уменьшить в 6 раз ?

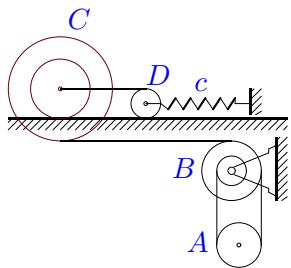


$$\begin{aligned} m_A &= 5 \text{ кг}, m_B = 97 \text{ кг}, m_C = 40 \text{ кг}, \\ m_D &= 60 \text{ кг}, R_B = 9 \text{ см}, r_c = 8 \text{ см}, \\ R_c &= 14 \text{ см}, i_c = 12 \text{ см}, r_D = 6 \text{ см}, \\ r_A &= 7 \text{ см}, \delta_{fr} = 4 \text{ мм}, c = 19 \text{ Н/м}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.17.**

Сучков Павел

Переместившись из состояния покоя по вертикали на 1 м, блок  $A$  приобретает скорость 16 см/с. Чему будет равна эта скорость, если момент трения на оси  $B$  уменьшить в 7 раз ?

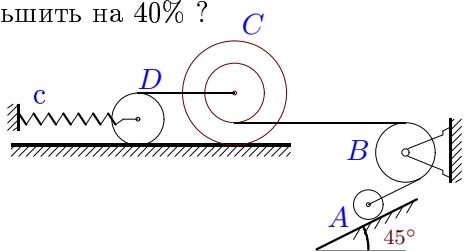


$$\begin{aligned} m_A &= 8 \text{ кг}, m_B = 3 \text{ кг}, m_C = 9 \text{ кг}, \\ m_D &= 8 \text{ кг}, R_B = 17 \text{ см}, r_c = 16 \text{ см}, \\ R_c &= 28 \text{ см}, i_c = 20 \text{ см}, r_B = 9 \text{ см}, \\ i_B &= 16 \text{ см}, r_D = 8 \text{ см}, r_A = 13 \text{ см}, \\ \delta_{fr} &= 7 \text{ мм}, c = 0.2 \text{ Н/м}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.18.**

Федорова Кристина

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 2 м, цилиндр  $A$  приобретает скорость 12 см/с. Чему будет равна эта скорость, если жесткость пружины уменьшить на 40% ?

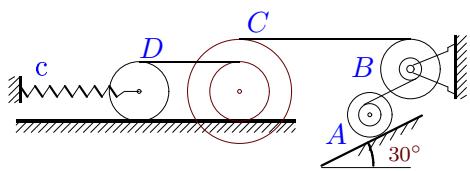


$$\begin{aligned} m_A &= 24 \text{ кг}, m_B = 204 \text{ кг}, m_C = 80 \text{ кг}, \\ m_D &= 120 \text{ кг}, R_B = 17 \text{ см}, r_c = 16 \text{ см}, \\ R_c &= 28 \text{ см}, i_c = 20 \text{ см}, r_D = 14 \text{ см}, \\ r_A &= 13 \text{ см}, \delta_{fr} = 7 \text{ мм}, M_{fr,B} = 6 \text{ Нм}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.19.**

Харизин Павел

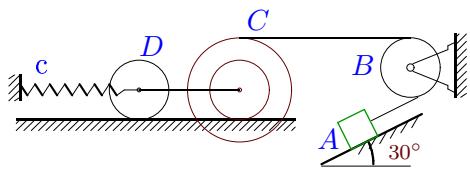
Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 1 м, блок  $A$  приобретает скорость 30 см/с. Чему будет равна эта скорость, если жесткость пружины уменьшить на 10% ?



$$\begin{aligned} m_A &= 11 \text{ кг}, m_B = 9 \text{ кг}, m_C = 3 \text{ кг}, \\ m_D &= 8 \text{ кг}, R_B = 17 \text{ см}, r_c = 16 \text{ см}, \\ R_c &= 28 \text{ см}, i_c = 20 \text{ см}, r_B = 16 \text{ см}, \\ i_B &= 16 \text{ см}, r_D = 16 \text{ см}, r_A = 16 \text{ см}, \\ R_A &= 20 \text{ см}, i_A = 17 \text{ см}, \delta_{fr} = 6 \text{ мм}, \\ M_{fr,B} &= 4 \text{ Нм}. \end{aligned}$$

**Задача D-7.20.***Цой Алексей*

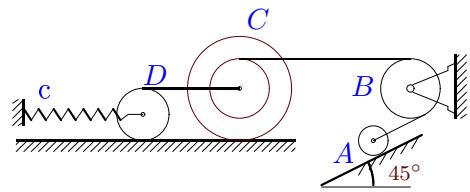
Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 2 м, груз  $A$  приобретает скорость 74 см/с. Чему будет равна эта скорость, если жесткость пружины уменьшить на 10% ?



$$m_A = 8 \text{ кг}, m_B = 16 \text{ кг}, m_C = 60 \text{ кг}, \\ m_D = 30 \text{ кг}, R_B = 9 \text{ см}, r_c = 8 \text{ см}, \\ R_c = 14 \text{ см}, i_c = 12 \text{ см}, r_D = 8 \text{ см}, f = 0.01, \\ \delta_{fr} = 5 \text{ мм}, M_{fr.B} = 1 \text{ Нм.}$$

**Задача D-7.21.***Чичкань Иван*

Переместившись из состояния покоя вдоль наклонной плоскости на расстояние 2 м, цилиндр  $A$  приобретает скорость 37 см/с. Чему будет равна эта скорость, если пружину заменить на три такие же, соединенные последовательно ?



$$m_A = 5 \text{ кг}, m_B = 122 \text{ кг}, m_C = 80 \text{ кг}, \\ m_D = 60 \text{ кг}, R_B = 17 \text{ см}, r_c = 16 \text{ см}, \\ R_c = 28 \text{ см}, i_c = 20 \text{ см}, r_D = 14 \text{ см}, \\ r_A = 15 \text{ см}, \delta_{fr} = 7 \text{ мм}, M_{fr.B} = 1 \text{ Нм.}$$