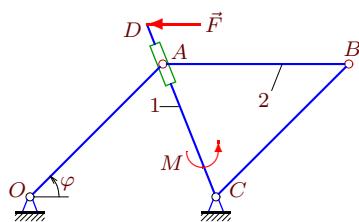


## Уравнение Лагранжа для системы с одной степенью свободы

*Кирсанов М.Н. Решебник. Теоретическая механика/Под ред. А. И. Кириллова.— М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. — 384 с. (с.300.)*

### Задача 30.1.

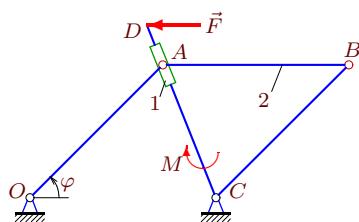
*Багаев Олег Асланбекович -*



Муфта, шарнирно закрепленная в узле  $A$  четырехзвенника  $OABC$ , надета на кулису  $DC$  длиной  $a$ ;  $OA = AB = BC = OC = b$ . На кулису действует момент  $M$ , к точке  $D$  приложена горизонтальная сила  $F$ . Масса муфты равна  $m_1$ , стержня  $AB$  —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол  $\varphi$ .

### Задача 30.2.

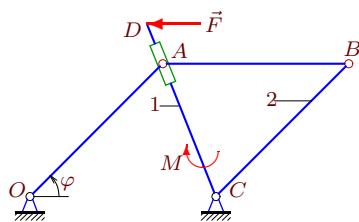
*Кизеев Семён Дмитриевич - +*



Муфта, шарнирно закрепленная в узле  $A$  четырехзвенника  $OABC$ , надета на кулису  $DC$  длиной  $a$ ;  $OA = AB = BC = OC = b$ . На кулису действует момент  $M$ , к точке  $D$  приложена горизонтальная сила  $F$ . Масса муфты равна  $m_1$ , стержня  $AB$  —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол  $\varphi$ .

### Задача 30.3.

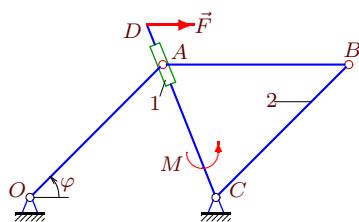
*Кожемякин Максим Сергеевич +*



Муфта, шарнирно закрепленная в узле  $A$  четырехзвенника  $OABC$ , надета на кулису  $DC$  длиной  $a$ ;  $OA = AB = BC = OC = b$ . На кулису действует момент  $M$ , к точке  $D$  приложена горизонтальная сила  $F$ . Масса муфты равна  $m_1$ , стержня  $BC$  —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол  $\varphi$ .

### Задача 30.4.

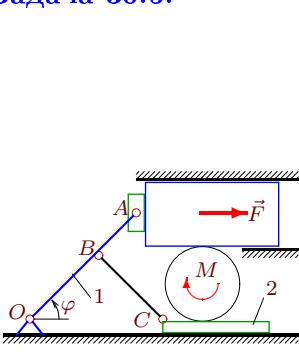
*Плёткин Юрий Анатольевич +*



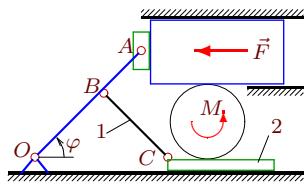
Муфта, шарнирно закрепленная в узле  $A$  четырехзвенника  $OABC$ , надета на кулису  $DC$  длиной  $a$ ;  $OA = AB = BC = OC = b$ . На кулису действует момент  $M$ , к точке  $D$  приложена горизонтальная сила  $F$ . Масса муфты равна  $m_1$ , стержня  $BC$  —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол  $\varphi$ .

### Задача 30.5.

*Сайкин Андрей Дмитриевич -*

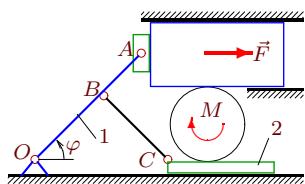


Цилиндр радиусом  $R$  катится между нижней поверхностью горизонтального поршня и пластиной, скользящей по плоскости. По боковой поверхности поршня движется ползун, закрепленный на конце кривошипа  $OA$ . Пластина прикреплена стержнем  $BC$  к кривошипу. К поршню приложена горизонтальная сила  $F$ , к цилиндру — момент  $M$ ;  $OA = a$ ,  $OB = BC = b$ . Масса кривошипа равна  $m_1$ , пластины —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол поворота кривошипа  $\varphi$ .

**Задача 30.6.**

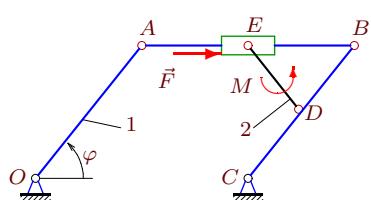
*Шарипов Артур Раилевич -*

Цилиндр радиусом  $R$  катится между нижней поверхностью горизонтального поршня и пластиной, скользящей по плоскости. По боковой поверхности поршня движется ползун, закрепленный на конце кривошипа  $OA$ . Пластина прикреплена стержнем  $BC$  к кривошипу. К поршню приложена горизонтальная сила  $F$ , к цилиндру — момент  $M$ ;  $OA = a$ ,  $OB = BC = b$ . Масса стержня  $BC$  равна  $m_1$ , пластины —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол поворота кривошипа  $\varphi$ .

**Задача 30.7.**

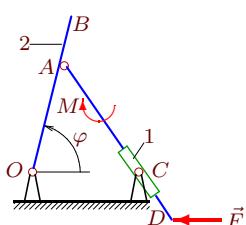
*Батурин Дмитрий Андреевич*

Цилиндр радиусом  $R$  катится между нижней поверхностью горизонтального поршня и пластиной, скользящей по плоскости. По боковой поверхности поршня движется ползун, закрепленный на конце кривошипа  $OA$ . Пластина прикреплена стержнем  $BC$  к кривошипу. К поршню приложена горизонтальная сила  $F$ , к цилиндру — момент  $M$ ;  $OA = a$ ,  $OB = BC = b$ . Масса кривошипа равна  $m_1$ , пластины —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол поворота кривошипа  $\varphi$ .

**Задача 30.8.**

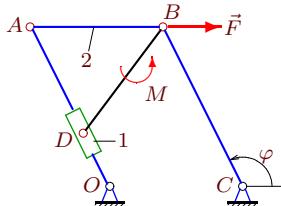
*Кизеев Семён Дмитриевич*

На горизонтальном стержне  $AB$  шарнирного параллелограмма  $OABC$  надета невесомая муфта  $E$ , соединенная стержнем  $DE$  с серединой кривошипа  $BC$ . К стержню  $DE$  приложен момент  $M$ , к муфте  $E$  — горизонтальная сила  $F$ ;  $OA = CB = 2a$ ,  $DE = a$ . Масса кривошипа  $OA$  равна  $m_1$ , масса стержня  $DE$  —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол поворота кривошипа  $\varphi$ .

**Задача 30.9.**

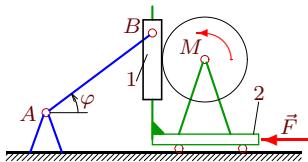
*Мазанова Екатерина Андреевна*

Стержень  $AD$  длиной  $a$ , скользящий в качающейся муфте  $C$ , соединен шарниром  $A$  с кривошипом  $OB$  длиной  $l$ . К стержню  $AD$  приложен момент  $M$ , к точке  $D$  — горизонтальная сила  $F$ ;  $OA = CO = b$ . Масса муфты, закрепленной на шарнире в центре масс, равна  $m_1$ , момент инерции муфты —  $J_1$ . Масса кривошипа  $OB$  равна  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол поворота кривошипа  $\varphi$ .

**Задача 30.10.**

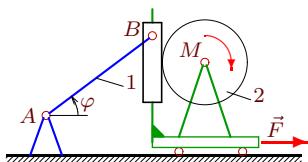
*Мерекина Екатерина Романовна*

На кривошип  $OA$  шарнирного параллелограмма  $OABC$  надета муфта  $D$ , соединенная стержнем  $DB$  с шарниром  $B$ . К стержню  $DB$  приложен момент  $M$ , к шарниру  $B$  — горизонтальная сила  $F$ ;  $OA = CB = a$ ,  $DB = AB = b$ . Масса муфты равна  $m_1$ , масса стержня  $AB$  —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол  $\varphi$ .

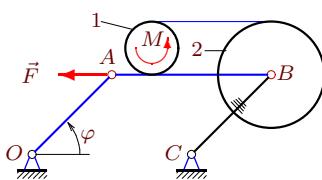
**Задача 30.11.**

Фокин Никита Сергеевич

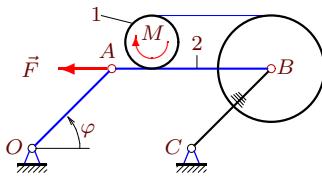
На тележке закреплен диск радиусом  $R$ , касающийся муфты  $B$ . Муфта скользит по вертикальной стойке, установленной на тележке. На диск действует момент  $M$ , к тележке приложена горизонтальная сила  $F$ . Длина кривошипа  $AB$  равна  $a$ . Масса муфты равна  $m_1$ , масса тележки —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол поворота кривошипа  $\varphi$ .

**Задача 30.12.**

На тележке закреплен диск радиусом  $R$ , касающийся муфты  $B$ . Муфта скользит по вертикальной стойке, установленной на тележке. На диск действует момент  $M$ , к тележке приложена горизонтальная сила  $F$ . Длина кривошипа  $AB$  равна  $a$ . Масса кривошипа равна  $m_1$ , масса диска —  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол поворота кривошипа  $\varphi$ .

**Задача 30.13.**

На горизонтальном стержне  $AB$  шарнирного параллелограмма  $OABC$  расположен цилиндр радиусом  $r$ , массой  $m_1$ , связанный нитью с цилиндром  $B$  радиусом  $2r$ . Стержень  $BC$  жестко соединен с цилиндром  $B$ . К меньшему цилиндру приложен момент  $M$ , к шарниру  $A$  — горизонтальная сила  $\vec{F}$ ;  $OA = CB = a$ . Масса цилиндра  $B$  равна  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол  $\varphi$ .

**Задача 30.14.**

На горизонтальном стержне  $AB$  шарнирного параллелограмма  $OABC$  расположен цилиндр радиусом  $r$ , массой  $m_1$ , связанный нитью с цилиндром  $B$  радиусом  $2r$ . Стержень  $BC$  жестко соединен с цилиндром  $B$ . К меньшему цилиндру приложен момент  $M$ , к шарниру  $A$  — горизонтальная сила  $\vec{F}$ ;  $OA = CB = a$ . Масса стержня  $AB$  равна  $m_2$ . Составить уравнение движения системы. За обобщенную координату принять угол  $\varphi$ .