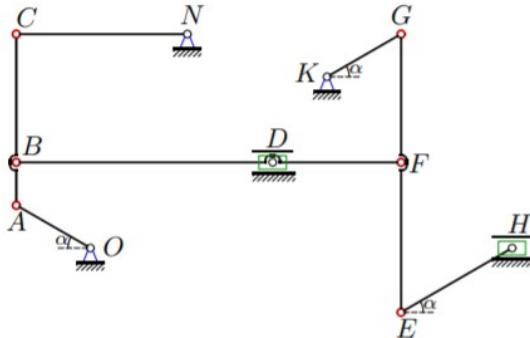


Условие:

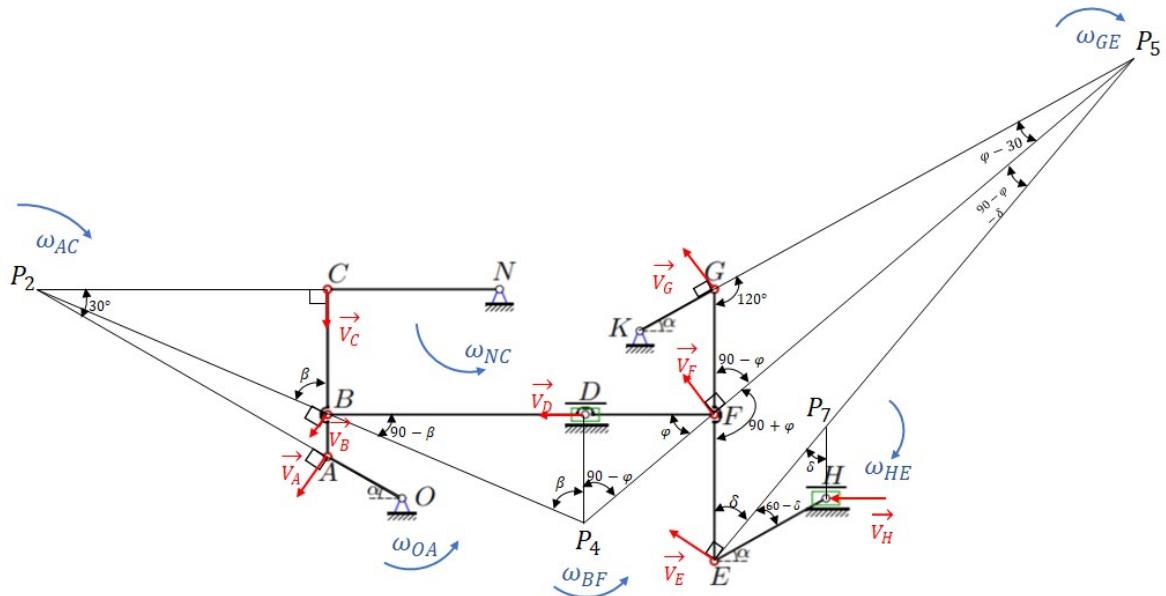
Задача 9.14.

Остахов Захар Дмитриевич



$$\begin{aligned}\omega_{NC} &= 1 \text{ рад/с}, \alpha = 30^\circ, \\ AB &= 10, BC = 30, \\ DB &= 60, DF = 30, \\ NC &= 40, EH = 30, \\ FE &= 35, FG = 30, \\ OA &= 20, KG = 20.\end{aligned}$$

Решение:



Определим все длины отрезков:

$$\sin \alpha = \frac{AB + BC}{AP_2} \Rightarrow AP_2 = \frac{AC}{\sin \alpha} = 80 \text{ см}$$

Рассмотрим $\triangle ACP_2$

$$\tan \alpha = \frac{AB + BC}{CP_2} \Rightarrow CP_2 = \frac{AC}{\tan \alpha} = 69.282 \text{ см}$$

По теореме Пифагора

$$BP_2 = \sqrt{CP_2^2 + BC^2} = 75.498 \text{ см}$$

Рассмотрим $\triangle BCP_2$ $\sin \beta = \frac{CP_2}{BP_2} \Rightarrow \beta = \sin^{-1} \frac{CP_2}{BP_2} \approx 66^\circ$

Рассмотрим $\triangle BDP_4$ $\tan \beta = \frac{BD}{DP_4} \Rightarrow DP_4 = \frac{BD}{\tan \beta} = 25.981\text{см}$

По теореме Пифагора $BP_4 = \sqrt{DB^2 + DP_4^2} = 65.383\text{см}$

По теореме Пифагора $FP_4 = \sqrt{DF^2 + DP_4^2} = 39.686\text{см}$

Рассмотрим $\triangle GFP_5$

По теореме синусов $\frac{GP_5}{\sin 90-\varphi} = \frac{FG}{\sin \varphi} = \frac{FP_5}{\sin 120}$

$$GP_5 = FG \cdot \frac{\sin 90-\varphi}{\sin \varphi-30} \quad FP_5 = GP_5 \cdot \frac{\sin 120}{\sin 90-\varphi} = 137.47\text{см}$$

Рассмотрим $\triangle FEP_5$

По теореме синусов $\frac{EP_5}{\sin 90+\varphi} = \frac{FE}{\sin 90-\varphi-\delta} = \frac{FP_5}{\sin \delta}$

$$FE \cdot \sin \delta = FP_5 \cdot \cos \delta \cos \varphi - FP_5 \cdot \sin \varphi \cdot \sin \delta \quad \delta = \tan^{-1} \frac{\cos \varphi \cdot FP_5}{FE+F_5 \cdot \sin \varphi} = 39^\circ$$

Следовательно $EP_5 = FP_5 \cdot \frac{\sin 90+\varphi}{\sin \delta} = 162.558\text{см}$

Рассмотрим $\triangle EHP_7$

По теореме синусов $\frac{EP_7}{\sin 120} = \frac{HE}{\sin \delta} = \frac{HP_7}{\sin 60-\delta}$

Следовательно $EP_7 = HE \cdot \frac{\sin 120}{\sin \delta} = 40.639\text{см} \quad HP_7 = HE \cdot \frac{\sin 60}{\sin \delta} = 16.25\text{см}$

Определяем угловые скорости звеньев и скорости точек механизма

Скорость точки **C** $V_C = \omega_{NC} \cdot NC = 40\text{см/с}$

Угловая скорость стержня **AC** $\varphi_{AC} = \frac{V_C}{CP_2} = 0.5774\text{рад/с}$

Скорость точки **B** $V_B = \omega_{AC} \cdot BP_2 = 43.589\text{см/с}$

Скорость точки **A** $V_A = \omega_{AC} \cdot AP_2 = 46.188\text{см/с}$

Угловая скорость стержня **BF** $\varphi_{BF} = \frac{V_B}{BP_4} = 0.66\text{рад/с}$

Скорость точки **D** $V_D = \omega_{BF} \cdot DP_4 = 17.3205\text{см/с}$

Скорость точки **F** $V_F = \omega_{BF} \cdot FP_4 = 26.4575\text{см/с}$

Угловая скорость стержня **GE** $\varphi_{GE} = \frac{V_F}{FP_5} = 0.1925\text{рад/с}$

Скорость точки **G** $V_G = \omega_{GE} \cdot GP_5 = 23.094\text{см/с}$

Угловая скорость стержня **KG** $\varphi_{KG} = \frac{V_G}{KG} = 1.1547 \text{рад/с}$

Скорость точки **E** $V_E = \omega_{GE} \cdot EP_5 = 31.2842 \text{см/с}$

Угловая скорость стержня **HE** $\varphi_{HE} = \frac{V_E}{EP_7} = 0.7698 \text{рад/с}$

Скорость точки **H** $V_H = \omega_{HE} \cdot HP_7 = 12.5093 \text{см/с}$

Ответы:

V_A	V_B	V_C	V_D	V_E	V_F	V_G	V_H
46.188	43.589	40	17.3205	31.2842	26.4575	23.094	12.5093