

# Уравнение Лагранжа. Определение ускорения

Дано выражение кинетической энергии и обобщенной силы механической системы с одной степенью свободы. В некоторый момент известны значения обобщенной координаты  $\varphi$  и скорости  $\dot{\varphi}$ . Найти ускорение  $\ddot{\varphi}$ .

## Задача D-32.1.

Афанасьев А.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(2 \operatorname{ctg} \varphi + 3)$$

$$Q = -108, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 7.$$

## Задача D-32.3.

Гусева Настасья

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(10 \cos^2 \varphi + 5)$$

$$Q = -180, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 6.$$

## Задача D-32.5.

Захаров Алексей

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(4 \sin^2 \varphi + 3)$$

$$Q = 83, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 3.$$

## Задача D-32.7.

Качалкин Артем

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(6 \cos^2 \varphi + 3)$$

$$Q = 54, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 2.$$

## Задача D-32.9.

Колесников Глеб

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(7 \operatorname{ctg} \varphi + 7)$$

$$Q = 14, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 2.$$

## Задача D-32.11.

Кошелева А.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(4 \operatorname{tg}^2 \varphi + 5)$$

$$Q = 254, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 5.$$

## Задача D-32.13.

Леоненкова Х.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(4 \sin^2(3\varphi) + 9)$$

$$Q = -61, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 1.$$

## Задача D-32.2.

Гузенко П.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(7 \operatorname{tg}^2 \varphi + 11)$$

$$Q = 486, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 6.$$

## Задача D-32.4.

Жгун Юлия

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(14 \sin^2(3\varphi) + 7)$$

$$Q = -63, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 1.$$

## Задача D-32.6.

Землянухина Анна

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(2 \operatorname{tg}^2 \varphi + 7)$$

$$Q = 127, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 5.$$

## Задача D-32.8.

Козлова Маргарита

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(4 \sin^2(3\varphi) + 9)$$

$$Q = -84, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 5.$$

## Задача D-32.10.

Короткин Р.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(3 \cos(2\varphi) + 3)$$

$$Q = -45, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 4.$$

## Задача D-32.12.

Крылов Алексей

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(5 \operatorname{tg} \varphi + 11)$$

$$Q = 420, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 6.$$

## Задача D-32.14.

Мамедов Фамин

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(2 \cos(2\varphi) + 5)$$

$$Q = -8, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 2.$$

**Задача D-32.15.**

Никулина А.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(4 \sin(2\varphi) + 18 \sin^2 \varphi + 1)$$

$$Q = 36, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 2.$$

**Задача D-32.17.**

Пагин Д.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(2 \sin(2\varphi) + 22 \cos^2(3\varphi))$$

$$Q = 1591, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 7.$$

**Задача D-32.19.**

Подолячева А.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(7 \operatorname{tg}^2 \varphi + 9)$$

$$Q = 120, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 2.$$

**Задача D-32.21.**

Судаков Федор

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(7 \sin(2\varphi) + 6 \cos^2(3\varphi))$$

$$Q = 174, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 4.$$

**Задача D-32.23.**

Тябут Елизавета

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(2 \sin(2\varphi) + 10 \sin^2 \varphi + 1)$$

$$Q = -11, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 3.$$

**Задача D-32.25.**

Харламов А.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(7 \operatorname{tg}^2 \varphi + 5)$$

$$Q = 78, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 3.$$

**Задача D-32.27.**

Широкова Мария

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(4 \sin^2(3\varphi) + 9)$$

$$Q = 23, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 3.$$

**Задача D-32.16.**

Павлов А.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(14 \sin^2(3\varphi) + 5)$$

$$Q = -636, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 6.$$

**Задача D-32.18.**

Перевозчикова Н.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(10 \cos^2 \varphi + 5)$$

$$Q = 30, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 2.$$

**Задача D-32.20.**

Свиргун Александр

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(5 \operatorname{tg}^2 \varphi + 7)$$

$$Q = 444, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 6.$$

**Задача D-32.22.**

Судариков Святослав

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(2 \sin(2\varphi) + 6 \cos^2(3\varphi))$$

$$Q = 451, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 7.$$

**Задача D-32.24.**

Фоменков Илья

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(3 \sin(2\varphi) + 10 \cos^2(3\varphi))$$

$$Q = 164, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 2.$$

**Задача D-32.26.**

Чехранова О.

$$T = \frac{\dot{\varphi}^2}{2}(7 \cos(2\varphi) + 3)$$

$$Q = -51, \varphi = \pi/4, \dot{\varphi} = 3.$$

## Ответы.

### Уравнение Лагранжа. Определение ускорения

30-Nov-15

№	$\ddot{\varphi}$	Уравнение Лагранжа	
1	-2	$5\ddot{\varphi} - 2\dot{\varphi}^2 = Q$	Афанасьева А.
2	-1	$18\ddot{\varphi} + 14\dot{\varphi}^2 = Q$	Гузенко П.
3	0	$10\ddot{\varphi} - 5\dot{\varphi}^2 = Q$	Гусева Настасья
4	-3	$14\ddot{\varphi} - 21\dot{\varphi}^2 = Q$	Жгун Юлия
5	13	$5\ddot{\varphi} + 2\dot{\varphi}^2 = Q$	Захаров Алексей
6	3	$9\ddot{\varphi} + 4\dot{\varphi}^2 = Q$	Землянухина Анна
7	11	$6\ddot{\varphi} - 3\dot{\varphi}^2 = Q$	Качалкин Артем
8	6	$11\ddot{\varphi} - 6\dot{\varphi}^2 = Q$	Козлова Маргарита
9	3	$14\ddot{\varphi} - 7\dot{\varphi}^2 = Q$	Колесников Глеб
10	1	$3\ddot{\varphi} - 3\dot{\varphi}^2 = Q$	Короткин Р.
11	6	$9\ddot{\varphi} + 8\dot{\varphi}^2 = Q$	Кошелева А.
12	15	$16\ddot{\varphi} + 5\dot{\varphi}^2 = Q$	Крылов Алексей
13	-5	$11\ddot{\varphi} - 6\dot{\varphi}^2 = Q$	Леоненкова Х.
14	0	$5\ddot{\varphi} - 2\dot{\varphi}^2 = Q$	Мамедов Фамин
15	0	$14\ddot{\varphi} + 9\dot{\varphi}^2 = Q$	Никулина А.
16	10	$12\ddot{\varphi} - 21\dot{\varphi}^2 = Q$	Павлов А.
17	-2	$13\ddot{\varphi} + 33\dot{\varphi}^2 = Q$	Пагин Д.
18	5	$10\ddot{\varphi} - 5\dot{\varphi}^2 = Q$	Перевозчикова Н.
19	4	$16\ddot{\varphi} + 14\dot{\varphi}^2 = Q$	Подъячева А.
20	7	$12\ddot{\varphi} + 10\dot{\varphi}^2 = Q$	Свиргин Александр
21	3	$10\ddot{\varphi} + 9\dot{\varphi}^2 = Q$	Судаков Федор
22	2	$5\ddot{\varphi} + 9\dot{\varphi}^2 = Q$	Судариков Святослав
23	-7	$8\ddot{\varphi} + 5\dot{\varphi}^2 = Q$	Тябут Елизавета
24	13	$8\ddot{\varphi} + 15\dot{\varphi}^2 = Q$	Фоменков Илья
25	-4	$12\ddot{\varphi} + 14\dot{\varphi}^2 = Q$	Харламов А.
26	4	$3\ddot{\varphi} - 7\dot{\varphi}^2 = Q$	Чехранова О.
27	7	$11\ddot{\varphi} - 6\dot{\varphi}^2 = Q$	Широкова Мария

D-32 файл o32ddaA