## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЕ ВОПРОСЫ по курсу «ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ В РОБОТОТЕХНИКЕ» (IX семестр, осень 2013 года, ЭнМИ, группа С12-09)

- 1.1 1. Лемма об остаточном члене интерполяционного многочлена Лагранжа. Оценки для погрешности интерполяции по Лагранжу.
- 1.2 **2.** Теорема о представлении многочлена в форме Ньютона.
- 1.3 3. Разделённые разности. Теорема о коэффициентах представления многочлена в форме Ньютона.
- 1.4 4. Интерполяционная формула Ньютона. Вывод явной формулы для разделённой разности.
- 1.5 5. Свойства разделённых разностей.
- 1.6 **6.** Лемма о делении на линейный множитель.
- 1.7 **7.** Разделённые разности и интерполяционный многочлен Ньютона в случае кратных узлов. Постановка задачи интерполяции с кратными узлами. Интерполяция по Эрмиту.
- 1.8 **8.** Задача кубической интерполяции по Эрмиту и её решение. Вывод оценки для погрешности кубической интерполяции по Эрмиту.
- 1.9 9. Функции Кунса и их применение при построении программного движения манипулятора.
- 2.1 10. Кватернионы и основные операции над ними. Выражение кватернионов через их компоненты.
- 2.2 11. Частные случаи формулы умножения кватернионов и следствия из них. Соотношение перестановочности для умножения кватернионов.
- 2.3 12. Сопряжённый кватернион. Теорема о свойствах операции сопряжения. Формула обращения кватерниона.
- 2.4 13. Основная теорема о теле кватернионов. Следствия из неё (о группе ненулевых кватернионов, о модуле произведения кватернионов).
- 2.5 14. Внутренние автоморфизмы групп и колец. Теорема о внутренних автоморфизмах групп.
- 2.6 **15.** Внутренние автоморфизмы тела кватернионов. Теорема об условиях, при которых два кватерниона порождают один и тот же внутренний автоморфизм.
- 2.7 **16.** Гомоморфизмы групп, их примеры. Теорема о ядре и образе гомоморфизма.
- 2.8 **17.** Центр группы. Теорема о присоединённом представлении группы. Гомоморфизм группы ненулевых кватернионов в группу автоморфизмов тела кватернионов.
- 3.1 18. Тензорные произведения векторов и их свойства.
- 3.2 19. Вывод формул, дающих явное выражение оператора поворота через угол поворота и единичный вектор оси поворота.
- 3.5 **20.** Единичные кватернионы; их тригонометрическое представление. Гомоморфизм группы единичных кватернионов в группу автоморфизмов тела кватернионов.
- 3.6 **21.** Кватернионы поворота. Теорема Гамильтона и следствия из неё. Параметры Родрига Гамильтона.
- 3.9 22. Лемма о дифференцировании единичного кватерниона. Теорема о выражении вектора угловой скорости через производную от кватерниона поворота.
- 4.1 23. Усечённые степенные функции. Кусочные многочлены, их степень и дефект; соотношения непрерывности.
- 4.2 **24.** Пространства кусочных многочленов; вывод формулы для их размерности. Условия включения для этих пространств.
- 4.3 **25.** Сплайны; пространства сплайнов, их размерность. Задача интерполяции линейными сплайнами и её решение. Вывод оценки для погрешности кусочно линейной интерполяции.
- 4.4 **26.** Задача интерполяции эрмитовыми кубическими многочленами и вычисление коэффициентов таких многочленов. Оценка погрешности интерполяции эрмитовыми кубическими многочленами.
- 4.5 **27.** Кубические сплайны. Получение трёхдиагональной системы уравнений для наклонов фундаментального кубического сплайна; две формы записи этих уравнений.
- 4.7 **28.** Матрицы с диагональным преобладанием. Теорема Леви Деспланка.
- 4.8 **29.** Вывод оценки для числа обусловленности матрицы системы уравнений для наклонов фундаментального кубического сплайна. Оценка погрешности интерполяции такими сплайнами (б/д).
- 5.1 **30.** Определение B-сплайна; вывод явной формулы для него.
- 5.2 **31.** Вывод формулы Кокса де Бора. Явные формулы для *В*-сплайнов нулевой и первой степени.
- 5.3 **32.** Теорема о носителе B-сплайна. Следствия из неё.
- 5.4 **33.** Разложение единицы. Теорема о получении разложения единицы на отрезке числовой прямой при помощи *B*-сплайнов.
- 5.5 **34.** Вывод формулы для производной *В*-сплайна.
- 5.6 **35.** Теорема Карри Шёнберга. Представление сплайнов в виде линейных комбинаций B-сплайнов (включая пример с функцией y = x).
- 6.1 **36.** Простейший способ локальной аппроксимации функций действительного переменного при помощи кубических *B*-сплайнов. Теорема о погрешности этого способа аппроксимации.
- 6.2 **37.** Кубические *V*-сплайны Шёнберга и их применение при локальной аппроксимации функций действительного переменного. Свойства *V*-сплайнов.
- 6.3 38. Теорема о сохранении формы для отображения Шёнберга.