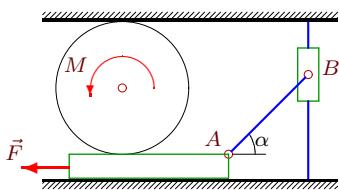


# Уравнение Лагранжа (вычисление ускорения)

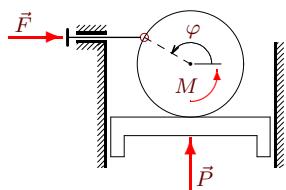
## Задача D-13.1.



Сотников Игорь

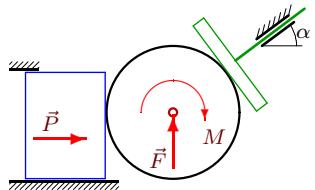
Стержень  $AB = 1$  м соединяет муфту, скользящую по вертикальному стержню, и горизонтально движущийся брускок. Цилиндр радиуса 1 м катится по плоскости и по бруски. Масса стержня равна 6 кг. Механизм расположен в горизонтальной плоскости;  $M = 4$  Нм,  $F = 12$  Н. Найти угловое ускорение стержня при  $\sin \alpha = 0.6$ .

## Задача D-13.2.



Аксенова Варвара  
Цилиндр радиусом 1 м катится по поверхности поршня. Шток, движущийся в неподвижных направляющих, шарнирно прикреплен к ободу цилиндра. Момент  $M = 220$  Нм приложен к цилинду, сила  $P = 3$  Н — к поршню,  $F = 4$  Н — к штоку. Масса цилиндра равна 12 кг, штока — 5 кг. Механизм расположен в горизонтальной плоскости. Найти угловое ускорение цилиндра при  $\varphi = \pi/2$ ,  $\dot{\varphi} = 1 \text{ c}^{-1}$ .

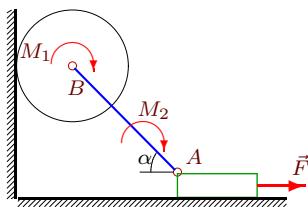
## Задача D-13.3.



Лупачев Дмитрий

Цилиндр радиусом 1 м зажат между грузом, скользящим по гладкой поверхности, и поршнем. Механизм расположен в горизонтальной плоскости. К цилинду приложены сила  $F = 1$  Н и момент  $M = 1$  Нм, к грузу — сила  $P = 66$  Н. Масса поршня равна 4 кг, однородного цилиндра — 6 кг;  $\sin \alpha = 3/5$ . Найти ускорение груза.

## Задача D-13.4.

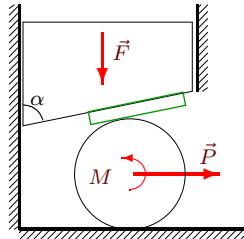


Гиззатуллин Денис  
Брускок массой 9 кг, соединенный стержнем  $AB$  длиной 3 м с центром диска, скользит по поверхности. К диску радиуса 1 м приложен момент  $M_1 = 5$  Нм, к стержню — момент  $M_2 = 318$  Нм, к бруски сила  $F = 35$  Н. Масса диска равна 6 кг. Механизм расположен в горизонтальной плоскости. Найти угловое ускорение стержня при  $\sin \alpha = 0.6$ .

## Задача D-13.5.

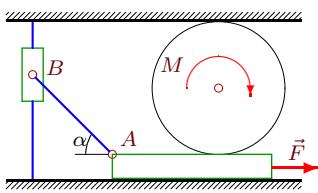
Между цилиндром радиусом  $R = 1$  м и скошенным прессом (призмой) зажата пластина, скользящая по гладкой поверхности пресса,  $\sin \alpha = 0.8$ . Механизм расположен в горизонтальной плоскости. Масса цилиндра 3 кг, пресса — 6 кг. К прессу приложена сила  $F = 56$  Н, к цилинду — момент  $M = 1$  Нм и сила  $P = 1$  Н. Найти ускорение пресса.

Агаева Айталина



**Задача D-13.6.**

Муслимов Ахмед

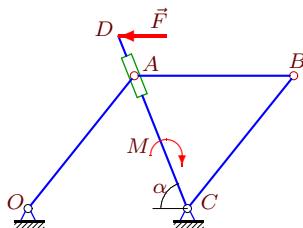


Стержень  $AB = 2$  м соединяет муфту, скользящую по вертикальному стержню, и горизонтально движущийся брускок. Цилиндр радиуса 2 м катится по плоскости и по бруски. Масса стержня равна 9 кг. Механизм расположен в горизонтальной плоскости;  $M = 4$  Нм,  $F = 1$  Н. Найти угловое ускорение стержня при  $\sin \alpha = 0.6$ .

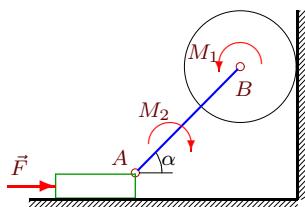
**Задача D-13.7.**

Леоненко Григорий

Муфта, шарнирно закрепленная в узле  $A$  четырехзвенника  $OABC$ , имеющего форму ромба, надета на кулису  $DC$  длиной 2 м;  $OA = 1$  м. На кулису действует момент  $M = 96$  Нм, к точке  $D$  параллельно  $OC$  приложена сила  $F = 15$  Н. Масса кулисы равна 2 кг, стержня  $OA$  — 4 кг. Механизм расположен в горизонтальной плоскости. Найти угловое ускорение стержня  $OA$  при  $\sin \alpha = 0.8$ .

**Задача D-13.8.**

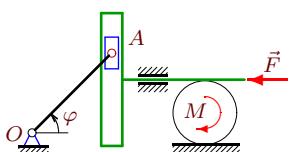
Сиваковский Александр



Брускок массой 6 кг, соединенный стержнем  $AB$  длиной 4 м с центром диска, скользит по поверхности. К диску радиуса 2 м приложен момент  $M_1 = 20$  Нм, к стержню — момент  $M_2 = 168$  Нм, к бруски сила  $F = 30$  Н. Масса диска равна 4 кг. Механизм расположен в горизонтальной плоскости. Найти угловое ускорение стержня при  $\sin \alpha = 0.8$ .

**Задача D-13.9.**

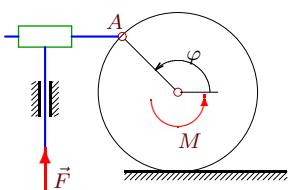
Юрьев Иван



Кулисный механизм расположен в горизонтальной плоскости. Камень  $A$  скользит в прорези кулисы. Длина кривошипа кулисного механизма  $OA = 4$  м. К штоку кулисы приложена сила  $F = 11$  Н, к цилинду — момент  $M = 44$  Нм. Масса кулисы со штоком равна 1 кг, масса однородного цилиндра — 8 кг. Радиус цилиндра 2 м. Найти угловое ускорение кривошипа при  $\varphi = \pi/4$ ,  $\dot{\varphi} = 2 \text{ с}^{-1}$ .

**Задача D-13.10.**

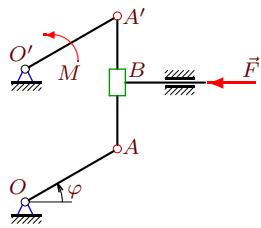
Ионов Дмитрий



Цилиндр радиусом 1 м и массой 4 кг имеет на ободе шарнир, к которому присоединен стержень массой 10 кг, скользящий в муфте, жестко скрепленной с штоком. Шток движется в направляющих, перпендикулярных поверхности, по которой катится цилиндр. К диску приложен момент  $M = 39$  Нм, к штоку — сила  $F = 5$  Н. Механизм расположен в горизонтальной плоскости. Найти угловое ускорение цилиндра при  $\sin \varphi = 0.8$ ,  $\dot{\varphi} = -1 \text{ с}^{-1}$ .

**Задача D-13.11.**

Лукъянов Александр



Шарнирный параллелограмм состоит из стержней  $OA$ ,  $A'O'$  длиной 1 м и стержня  $AA'$ . Муфта  $B$  соединена со штоком и скользит по стержню  $AA'$ . К штоку приложена сила  $F = 32$  Н, к стержню  $O'A'$  — момент  $M = 60$  Нм. Масса штока с муфтой равна 16 кг, стержня  $AA'$  — 8 кг. Механизм расположен в горизонтальной плоскости. Найти угловое ускорение стержня  $OA$  при  $\varphi = \pi/3$ ,  $\dot{\varphi} = 2 \text{ с}^{-1}$ .

D-13

**Ответы.**

**Уравнение Лагранжа (вычисление ускорения)**

02.12.2014

$$T = \frac{\dot{q}^2}{2}(A + B \sin^2 q)$$

$$*) T = \frac{\dot{q}^2}{2}(A + B \cos^2 q + C \sin q).$$

№	уск.	уск.(числ)	$Q$	$Q_{\text{числ}}$	$A$	$A_{\text{числ}}$	$B$	$C$	
1	-3		-6		2	—	—		Сотников Игорь
2	6		228	228	28	—	7	10*	Аксенова Варвара
3	6		66		11	—	—		Лупачев Дмитрий
4	3		243		81	—	0		Гиззатуллин Денис
5	-4		-56		14	14	—		Агаева Айталина
6	0		0		12	—	—		Муслимов Ахмед
7	-18	-18	-36	-36	2	2	—		Леоненко Григорий
8	-1		-96		96	—	0		Сиваковский Александр
9	-4		0	—	0	—	64		Юрьев Иван
10	1		36		26	—	20		Ионов Дмитрий
11	3		87.71		8	—	16		Лукъянов Александр

D-13 файл o13ddcA