

Скорость и ускорение точек тела

Кирсанов М.Н. Решебник. Теоретическая механика /Под ред. А. И. Кириллова.—
М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. — 384 с. (с.149.)

Задача 5.1.

Колесо, вращаясь вокруг неподвижной оси, увеличивает свою угловую скорость по закону $\omega = kt^2$. Через 1 с ускорение точки, лежащей на его ободе, становится равным $24 \text{ см}/\text{с}^2$. Радиус диска $R = 25 \text{ см}$. Найти угловую скорость колеса при $t = 5 \text{ с}$.

Задача 5.3.

Колесо вращается с постоянным угловым ускорением и развивает угловую скорость $3 \text{ рад}/\text{с}$, сделав 30 оборотов после начала движения. Найти ускорение точки, лежащей на его ободе, в этот момент. Радиус диска $R = 4 \text{ см}$.

Задача 5.5.

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси с постоянным угловым ускорением. Через 38 с после начала движения ускорение точки М, лежащей на расстоянии 18 см от оси, достигает $99 \text{ см}/\text{с}^2$. Сколько оборотов сделает тело за это время?

Задача 5.7.

Диск вращается с постоянным угловым ускорением $0.01 \text{ рад}/\text{с}^2$. На каком расстоянии от оси вращения находится точка, ускорение которой через 100 с после начала движения из состояния покоя достигает $7 \text{ см}/\text{с}^2$?

Задача 5.9.

Вращаясь с постоянной угловой скоростью, диск делает 50 оборотов за 65 с после начала движения из состояния покоя. На каком расстоянии от оси вращения находится точка, ускорение которой в этот момент равно $230 \text{ см}/\text{с}^2$?

Задача 5.2.

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси по произвольному закону $\varphi = \varphi(t)$. В момент, когда угловое ускорение тела равно $6 \text{ рад}/\text{с}^2$, а угловая скорость тела равна $3 \text{ рад}/\text{с}$, известно ускорение точки $a = 29 \text{ см}/\text{с}^2$. Найти расстояние от точки до оси вращения.

Задача 5.4.

Вращаясь с постоянным угловым ускорением, диск делает 20 оборотов за 60 с после начала движения из состояния покоя. Найти ускорение точки, лежащей на его ободе, в этот момент. Радиус диска $R = 3 \text{ см}$.

Задача 5.6.

Имея угловую скорость $\omega = 15 \text{ рад}/\text{с}^2$, маховик начинает равномерно тормозить ($\varepsilon = \text{const}$). После 95 оборотов его угловая скорость уменьшается вдвое. Найти время торможения до полной остановки маховика.

Задача 5.8.

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси по произвольному закону $\varphi = \varphi(t)$. В момент, когда угловое ускорение тела равно $1 \text{ рад}/\text{с}^2$, а угловая скорость тела равна $2 \text{ рад}/\text{с}$, известно ускорение точки $a = 28 \text{ см}/\text{с}^2$. Найти расстояние от точки до оси вращения.

Задача 5.10.

Имея угловую скорость $\omega = 16 \text{ рад}/\text{с}^2$, маховик начинает равномерно тормозить ($\varepsilon = \text{const}$). После 85 оборотов его угловая скорость уменьшается вдвое. Найти время торможения до полной остановки маховика.

Задача 5.11.

2

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси с постоянным угловым ускорением. Через 9 с после начала движения ускорение точки М, лежащей на расстоянии 810 см от оси, достигает $90 \text{ см}/\text{с}^2$. Найти угловую скорость тела в этот момент.

Задача 5.13.

2

Имея угловую скорость $\omega = 15 \text{ рад}/\text{с}^2$, маховик начинает равномерно тормозить ($\varepsilon = \text{const}$). После 25 оборотов его угловая скорость уменьшается вдвое. За какое время с начала торможения угловая скорость маховика уменьшится втрой?

Задача 5.15.

2

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси с постоянным угловым ускорением. Через 3 с после начала движения ускорение точки М, лежащей на расстоянии 150 см от оси, достигает $50 \text{ см}/\text{с}^2$. Найти угловую скорость тела в этот момент.

Задача 5.17.

2

Колесо вращается с постоянным угловым ускорением. Вычислить ускорение точки, лежащей на расстоянии 19 см от оси, через 2 с после начала вращения из состояния покоя, если угловая скорость в этот момент равна 0.9 рад/с.

Задача 5.19.

2

Колесо вращается с постоянным угловым ускорением. На каком расстоянии от оси вращения находится точка, ускорение которой через 3 с после начала вращения из состояния покоя достигает $18 \text{ см}/\text{с}^2$? Угловая скорость в этот момент равна 0.6 рад/с.

Задача 5.21.

2

Колесо вращается с постоянным угловым ускорением. Спустя некоторое время t , колесо сделало 20 оборотов и развило угловую скорость 4 рад/с. Найти время t .

Задача 5.12.

2

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси по произвольному закону $\varphi = \varphi(t)$. В момент, когда угловое ускорение тела равно 1 рад/ с^2 , известно ускорение точки, лежащей на расстоянии 7 см от оси, $a = 11 \text{ см}/\text{с}^2$. Чему равна в этот момент угловая скорость тела?

Задача 5.14.

2

Вращаясь с постоянным угловым ускорением, диск делает 70 оборотов за 280 с после начала движения из состояния покоя. Найти скорость точки, лежащей на его ободе, в этот момент. Радиус диска $R = 8 \text{ см}$.

Задача 5.16.

2

Колесо вращается с постоянным угловым ускорением. Спустя некоторое время t , колесо сделало 80 оборотов и развило угловую скорость 1 рад/с. Найти время t .

Задача 5.18.

2

Колесо, вращаясь вокруг неподвижной оси, увеличивает свою угловую скорость по закону $\omega = kt^2$. Через 1 с ускорение точки, лежащей на его ободе, становится равным $21 \text{ см}/\text{с}^2$. Радиус диска $R = 22 \text{ см}$. Найти угловую скорость колеса при $t = 2 \text{ с}$.

Задача 5.20.

2

Колесо вращается с постоянным угловым ускорением. Вычислить ускорение точки, лежащей на расстоянии 16 см от оси, через 4 с после начала вращения из состояния покоя, если угловая скорость в этот момент равна 0.3 рад/с.

Задача 5.22.

2

Вращаясь с постоянным угловым ускорением, диск делает 30 оборотов за 240 с после начала движения из состояния покоя. На каком расстоянии от оси вращения находится точка, ускорение которой в этот момент равно $80 \text{ см}/\text{с}^2$?

Задача 5.23.

2

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси с постоянным угловым ускорением 1.3 рад/с^2 и за некоторое время t делает 35 оборотов. Начальная угловая скорость тела равна нулю. Найти ускорение точки, лежащей на его ободе, в этот момент. Радиус диска $R = 2 \text{ см}$.

Задача 5.25.

2

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси с постоянным угловым ускорением 1.2 рад/с^2 и за некоторое время t делает 40 оборотов. Начальная угловая скорость тела равна нулю. Найти скорость точки, лежащей на его ободе, в этот момент. Радиус диска $R = 10 \text{ см}$.

Задача 5.27.

2

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси с постоянным угловым ускорением 1.2 рад/с^2 и за некоторое время t делает 40 оборотов. Начальная угловая скорость тела равна нулю. На каком расстоянии от оси вращения находится точка, ускорение которой в этот момент равно 80 м/с^2 ?

Задача 5.29.

2

Диск вращается с постоянным угловым ускорением 0.01 рад/с^2 . На каком расстоянии от оси вращения находится точка, ускорение которой через 100 с после начала движения из состояния покоя достигает 10 см/с^2 ?

Задача 5.24.

2

Имея угловую скорость $\omega = 23 \text{ рад/с}^2$, маховик начинает равномерно тормозить ($\varepsilon = \text{const}$). После 45 оборотов его угловая скорость уменьшается вдвое. За какое время с начала торможения угловая скорость маховика уменьшится втрое?

Задача 5.26.

2

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси с постоянным угловым ускорением 1.4 рад/с^2 и за некоторое время t делает 30 оборотов. Начальная угловая скорость тела равна нулю. Найти ускорение точки, лежащей на его ободе, в этот момент. Радиус диска $R = 1 \text{ см}$.

Задача 5.28.

2

Твердое тело вращается вокруг неподвижной оси с постоянным угловым ускорением. Через 8 с после начала движения ускорение точки М, лежащей на расстоянии 768 см от оси, достигает 6 см/с^2 . Найти скорость точки М в этот момент.

Задача 5.30.

2

Колесо, вращаясь вокруг неподвижной оси, увеличивает свою угловую скорость по закону $\omega = kt^2$. Через 1 с ускорение точки, лежащей на его ободе, становится равным 25 см/с^2 . Радиус диска $R = 26 \text{ см}$. Найти угловое ускорение колеса при $t = 6 \text{ с}$.

K-5

Ответы.**Скорость и ускорение точек тела**

24-Mar-21

1	$\omega = 11.69 \text{ рад/с}$.
2	$R = 2.68 \text{ см.}$
3	$a = 36 \text{ см/с}^2$.
4	$a = 52.64 \text{ см/с}^2$.
5	$n = 7.1$.
6	$t = 106.12 \text{ с.}$
7	$R = 7 \text{ см.}$
8	$R = 6.79 \text{ см.}$
9	$R = 9.85 \text{ см.}$
10	$t = 89.01 \text{ с.}$
11	$\omega = 0.32 \text{ рад/с.}$
12	$\omega = 1.1 \text{ рад/с.}$
13	$t = 18.62 \text{ с.}$
14	$v = 25.13 \text{ см/с.}$
15	$\omega = 0.53 \text{ рад/с.}$
16	$t = 1005.31 \text{ с.}$
17	$a = 17.6 \text{ см/с}^2$.
18	$\omega = 1.86 \text{ рад/с.}$
19	$R = 43.7 \text{ см.}$
20	$a = 1.87 \text{ см/с}^2$.
21	$t = 62.83 \text{ с.}$
22	$R = 32.42 \text{ см.}$
23	$a = 11.44 \text{ м/с}^2$.
24	$t = 21.85 \text{ с.}$
25	$v = 2.46 \text{ м/с.}$
26	$a = 5.28 \text{ м/с}^2$.
27	$R = 13.26 \text{ см.}$
28	$v = 43.69 \text{ см/с.}$
29	$R = 10 \text{ см.}$
30	$\varepsilon = 5.62 \text{ рад/с}^2$.

K-5 файл 5k2WA