

# Сферическое движение. Поворот вокруг произвольной оси

Твердое тело, закрепленное шарнирно в начале координата, поворачивается на угол  $\alpha$  вокруг оси, заданной вектором  $\vec{e}$ . Найти смещение точки  $A$ . Заданы координаты начального положения точки, угол или его тригонометрические функции.

Литература. Голубев Ю.Ф. Основы теоретической механики. - М.: МГУ, 2000, с. 96.

**Задача К31.1.**

$$\alpha = \pi/2, \vec{e} = (1, 2, -2), A(9, 8, 8).$$

5

**Задача К31.2.**

$$\alpha = \pi/2, \vec{e} = (1, -2, 2), A(6, 1, 7).$$

5

**Задача К31.3.**

$$\alpha = -\pi/2, \vec{e} = (2, 1, 2), A(0, 2, 8).$$

5

**Задача К31.4.**

$$\alpha = \pi, \vec{e} = (8, 4, 1), A(-8, 2, 2).$$

5

**Задача К31.5.**

$$\sin(\alpha/2) = 0,8, \cos(\alpha/2) = -0,6, \\ \vec{e} = (-2, 1, -2), A(-2, -4, -3).$$

5

**Задача К31.6.**

$$\sin(\alpha/2) = 0,6, \cos(\alpha/2) = 0,8, \\ \vec{e} = (1, 4, 8), A(3, 7, 4).$$

5

**Задача К31.7.**

$$\alpha = \pi, \vec{e} = (8, 4, 1), A(-4, 5, 3).$$

5

**Задача К31.8.**

$$\alpha = \pi/2, \vec{e} = (1, 2, -2), A(2, 10, 2).$$

5

**Задача К31.9.**

$$\alpha = \pi, \vec{e} = (8, 4, 1), A(-4, -5, -2).$$

5

**Задача К31.10.**

$$\alpha = -\pi/2, \vec{e} = (2, 1, 2), A(0, 1, 4).$$

5

**Задача К31.11.**

$$\alpha = -\pi/2, \vec{e} = (2, 1, 2), A(-1, 6, 7).$$

5

**Задача К31.12.**

$$\alpha = -\pi/2, \vec{e} = (2, 1, 2), A(-1, 2, 9).$$

5

**Задача К31.13.**

$$\alpha = \pi, \vec{e} = (8, 4, 1), A(-8, 2, 2).$$

5

**Задача К31.14.**

$$\alpha = \pi, \vec{e} = (8, 4, 1), A(-8, 2, 2).$$

5

**Задача К31.15.**

$$\sin(\alpha/2) = 0,8, \cos(\alpha/2) = -0,6, \\ \vec{e} = (-2, 1, -2), A(-2, -4, -3).$$

5

**Задача К31.16.**

$$\alpha = -\pi/2, \vec{e} = (2, 1, 2), A(1, 1, 3).$$

5

**Задача K31.17.** $\alpha = \pi/2, \vec{e} = (1, -2, 2), A(6, 1, 7).$ 

5

**Задача K31.19.** $\sin(\alpha/2) = 0,8, \cos(\alpha/2) = -0,6,$   
 $\vec{e} = (-2, 1, -2), A(-3, -1, 4).$ 

5

**Задача K31.18.** $\alpha = \pi/2, \vec{e} = (1, 2, -2), A(9, 8, 8).$ 

5

**Задача K31.21.** $\alpha = \pi/2, \vec{e} = (1, -2, 2), A(10, 6, 10).$ 

5

**Задача K31.22.** $\alpha = \pi/2, \vec{e} = (1, 2, -2), A(2, 12, 4).$ 

5

**Задача K31.23.** $\alpha = -\pi/2, \vec{e} = (2, 1, 2), A(-1, 7, 5).$ 

5

**Задача K31.24.** $\sin(\alpha/2) = 0,8, \cos(\alpha/2) = -0,6,$   
 $\vec{e} = (-2, 1, -2), A(-3, -4, -2).$ 

5

**Задача K31.25.** $\alpha = \pi, \vec{e} = (8, 4, 1), A(-4, 5, 3).$ 

5

**Задача K31.26.** $\sin(\alpha/2) = 0,6, \cos(\alpha/2) = 0,8,$   
 $\vec{e} = (1, 4, 8), A(-2, -3, 4).$ 

5

**Задача K31.27.** $\alpha = \pi, \vec{e} = (8, 4, 1), A(-7, -4, 0).$ 

5

**Задача K31.28.** $\alpha = -\pi/2, \vec{e} = (2, 1, 2), A(0, 1, 4).$ 

5

**Задача K31.29.** $\sin(\alpha/2) = 0,8, \cos(\alpha/2) = -0,6,$   
 $\vec{e} = (-2, 1, -2), A(-3, -1, 4).$ 

5

**Задача K31.30.** $\sin(\alpha/2) = 0,6, \cos(\alpha/2) = 0,8,$   
 $\vec{e} = (1, 4, 8), A(-5, -4, -3).$ 

5

**Задача K31.31.** $\sin(\alpha/2) = 0,6, \cos(\alpha/2) = 0,8,$   
 $\vec{e} = (1, 4, 8), A(4, 0, -5).$ 

5

**Задача K31.32.** $\sin(\alpha/2) = 0,8, \cos(\alpha/2) = -0,6,$   
 $\vec{e} = (-2, 1, -2), A(8, 11, 11).$ 

5

**Задача K31.33.** $\sin(\alpha/2) = 0,6, \cos(\alpha/2) = 0,8,$   
 $\vec{e} = (1, 4, 8), A(-9, 4, -2).$ 

5

**Задача K31.34.** $\sin(\alpha/2) = 0,8, \cos(\alpha/2) = -0,6,$   
 $\vec{e} = (-2, 1, -2), A(-5, 5, 0).$ 

5

**K31 Ответы.****Сферическое движение. Поворот вокруг произвольной оси**

21.08.2012

| №  | $\Delta_x$ | $\Delta_y$ | $\Delta_z$ | $\Delta$ |
|----|------------|------------|------------|----------|
| 1  | 2.667      | -14.667    | -13.333    | 20.00    |
| 2  | -9.333     | -3.333     | 1.333      | 10.00    |
| 3  | 2.667      | 5.333      | -5.333     | 8.00     |
| 4  | 5.333      | -9.333     | -5.333     | 12.00    |
| 5  | 4.373      | 6.613      | -1.067     | 8.00     |
| 6  | -5.867     | -0.667     | 1.067      | 6.00     |
| 7  | 6.222      | -10.889    | -6.222     | 14.00    |
| 8  | 8.000      | -8.000     | -4.000     | 12.00    |
| 9  | -2.667     | 4.667      | 2.667      | 6.00     |
| 10 | 1.333      | 2.667      | -2.667     | 4.00     |
| 11 | 6.667      | 1.333      | -7.333     | 10.00    |
| 12 | 3.333      | 6.667      | -6.667     | 10.00    |
| 13 | 5.333      | -9.333     | -5.333     | 12.00    |
| 14 | 5.333      | -9.333     | -5.333     | 12.00    |
| 15 | 4.373      | 6.613      | -1.067     | 8.00     |
| 16 | 0.667      | 1.333      | -1.333     | 2.00     |
| 17 | -9.333     | -3.333     | 1.333      | 10.00    |
| 18 | 2.667      | -14.667    | -13.333    | 20.00    |
| 19 | 4.053      | -3.627     | -5.867     | 8.00     |
| 20 | 6.222      | -10.889    | -6.222     | 14.00    |
| 21 | -18.667    | -6.667     | 2.667      | 20.00    |
| 22 | 10.667     | -10.667    | -5.333     | 16.00    |
| 23 | 7.333      | -1.333     | -6.667     | 10.00    |
| 24 | 5.333      | 5.333      | -2.667     | 8.00     |
| 25 | 6.222      | -10.889    | -6.222     | 14.00    |
| 26 | 5.867      | 0.667      | -1.067     | 6.00     |
| 27 | -0.222     | 0.889      | -1.778     | 2.00     |
| 28 | 1.333      | 2.667      | -2.667     | 4.00     |
| 29 | 4.053      | -3.627     | -5.867     | 8.00     |
| 30 | 5.333      | -2.667     | 0.667      | 6.00     |
| 31 | -5.333     | 2.667      | -0.667     | 6.00     |
| 32 | -13.120    | -19.840    | 3.200      | 24.00    |
| 33 | 2.133      | -10.667    | 5.067      | 12.00    |
| 34 | -1.067     | -7.467     | -2.667     | 8.00     |

K31 файл o31k5A