

## Растяжение и сжатие бруса

Найти удлинение (в мм) стального прямого призматического бруса кусочно-постоянного сечения под действием собственного веса и сил  $P_1, P_2, P_3$ , приложенных к сечениям бруса. Построить эпюры продольных сил, нормальных напряжений и относительных удлинений. Модуль упругости материала  $E = 2 \cdot 10^5 \text{ МПа}$ , объемный вес  $\gamma = 78 \text{ кН/м}^3$ .

**Задача 16.1.** 3

$P_1 = 77 \text{ кН}, P_2 = 48 \text{ кН},$   
 $P_3 = 28 \text{ кН}, F_1 = 32 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 30 \text{ см}^2, F_3 = 28 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 3 \text{ м}, l_2 = 2 \text{ м}, l_3 = 2 \text{ м}.$

**Задача 16.2.** 3

$P_1 = 100 \text{ кН}, P_2 = 77 \text{ кН},$   
 $P_3 = 29 \text{ кН}, F_1 = 28 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 23 \text{ см}^2, F_3 = 25 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 3 \text{ м}, l_2 = 3 \text{ м}, l_3 = 2 \text{ м}.$

**Задача 16.3.** 3

$P_1 = 58 \text{ кН}, P_2 = 120 \text{ кН},$   
 $P_3 = 130 \text{ кН}, F_1 = 29 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 31 \text{ см}^2, F_3 = 26 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 3 \text{ м}, l_2 = 3 \text{ м}, l_3 = 4 \text{ м}.$

**Задача 16.4.** 3

$P_1 = 90 \text{ кН}, P_2 = 115 \text{ кН},$   
 $P_3 = 44 \text{ кН}, F_1 = 26 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 28 \text{ см}^2, F_3 = 23 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 3 \text{ м}, l_2 = 4 \text{ м}, l_3 = 2 \text{ м}.$

**Задача 16.5.** 3

$P_1 = 77 \text{ кН}, P_2 = 58 \text{ кН},$   
 $P_3 = 96 \text{ кН}, F_1 = 32 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 31 \text{ см}^2, F_3 = 30 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 3 \text{ м}, l_2 = 3 \text{ м}, l_3 = 3 \text{ м}.$

**Задача 16.6.** 3

$P_1 = 96 \text{ кН}, P_2 = 26 \text{ кН},$   
 $P_3 = 21 \text{ кН}, F_1 = 28 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 27 \text{ см}^2, F_3 = 30 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 2 \text{ м}, l_2 = 2 \text{ м}, l_3 = 3 \text{ м}.$

**Задача 16.7.** 3

$P_1 = 69 \text{ кН}, P_2 = 42 \text{ кН},$   
 $P_3 = 104 \text{ кН}, F_1 = 32 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 30 \text{ см}^2, F_3 = 23 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 2 \text{ м}, l_2 = 2 \text{ м}, l_3 = 2 \text{ м}.$

**Задача 16.8.** 3

$P_1 = 22 \text{ кН}, P_2 = 90 \text{ кН},$   
 $P_3 = 145 \text{ кН}, F_1 = 29 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 32 \text{ см}^2, F_3 = 24 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 2 \text{ м}, l_2 = 2 \text{ м}, l_3 = 4 \text{ м}.$

**Задача 16.9.** 3

$P_1 = 75 \text{ кН}, P_2 = 77 \text{ кН},$   
 $P_3 = 87 \text{ кН}, F_1 = 30 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 23 \text{ см}^2, F_3 = 32 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 2 \text{ м}, l_2 = 3 \text{ м}, l_3 = 2 \text{ м}.$

**Задача 16.10.** 3

$P_1 = 66 \text{ кН}, P_2 = 75 \text{ кН},$   
 $P_3 = 77 \text{ кН}, F_1 = 32 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 23 \text{ см}^2, F_3 = 32 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 3 \text{ м}, l_2 = 2 \text{ м}, l_3 = 3 \text{ м}.$

**Задача 16.11.** 3

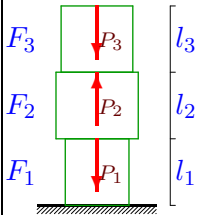
$P_1 = 72 \text{ кН}, P_2 = 25 \text{ кН},$   
 $P_3 = 77 \text{ кН}, F_1 = 32 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 27 \text{ см}^2, F_3 = 28 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 3 \text{ м}, l_2 = 2 \text{ м}, l_3 = 3 \text{ м}.$

**Задача 16.12.** 3

$P_1 = 105 \text{ кН}, P_2 = 96 \text{ кН},$   
 $P_3 = 29 \text{ кН}, F_1 = 28 \text{ см}^2,$   
 $F_2 = 31 \text{ см}^2, F_3 = 30 \text{ см}^2,$   
 $l_1 = 4 \text{ м}, l_2 = 2 \text{ м}, l_3 = 2 \text{ м}.$

**Задача 16.13.**

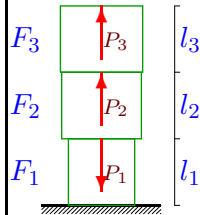
3



$$P_1 = 100\text{кН}, P_2 = 77\text{кН}, P_3 = 22\text{кН}, F_1 = 24\text{см}^2, F_2 = 31\text{см}^2, F_3 = 27\text{см}^2, l_1 = 2\text{м}, l_2 = 3\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$$

**Задача 16.14.**

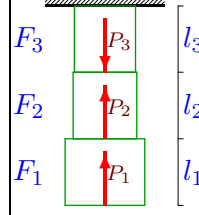
3



$$P_1 = 100\text{кН}, P_2 = 77\text{кН}, P_3 = 77\text{кН}, F_1 = 25\text{см}^2, F_2 = 30\text{см}^2, F_3 = 31\text{см}^2, l_1 = 2\text{м}, l_2 = 3\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$$

**Задача 16.15.**

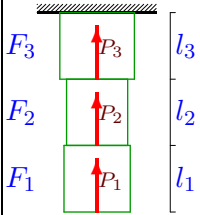
3



$$P_1 = 125\text{кН}, P_2 = 77\text{кН}, P_3 = 92\text{кН}, F_1 = 30\text{см}^2, F_2 = 24\text{см}^2, F_3 = 23\text{см}^2, l_1 = 4\text{м}, l_2 = 3\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$$

**Задача 16.16.**

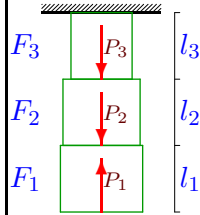
3



$$P_1 = 27\text{кН}, P_2 = 54\text{кН}, P_3 = 42\text{кН}, F_1 = 25\text{см}^2, F_2 = 23\text{см}^2, F_3 = 28\text{см}^2, l_1 = 3\text{м}, l_2 = 3\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$$

**Задача 16.17.**

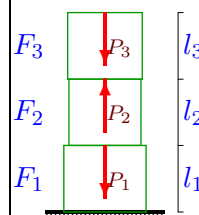
3



$$P_1 = 22\text{кН}, P_2 = 66\text{кН}, P_3 = 84\text{кН}, F_1 = 31\text{см}^2, F_2 = 29\text{см}^2, F_3 = 23\text{см}^2, l_1 = 3\text{м}, l_2 = 2\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$$

**Задача 16.18.**

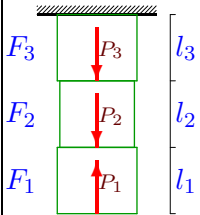
3



$$P_1 = 112\text{кН}, P_2 = 69\text{кН}, P_3 = 42\text{кН}, F_1 = 31\text{см}^2, F_2 = 27\text{см}^2, F_3 = 28\text{см}^2, l_1 = 2\text{м}, l_2 = 3\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$$

**Задача 16.19.**

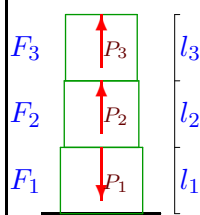
3



$$P_1 = 63\text{кН}, P_2 = 84\text{кН}, P_3 = 88\text{кН}, F_1 = 30\text{см}^2, F_2 = 28\text{см}^2, F_3 = 30\text{см}^2, l_1 = 3\text{м}, l_2 = 2\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$$

**Задача 16.20.**

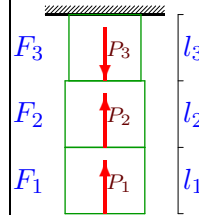
3



$$P_1 = 60\text{кН}, P_2 = 125\text{кН}, P_3 = 77\text{кН}, F_1 = 31\text{см}^2, F_2 = 28\text{см}^2, F_3 = 27\text{см}^2, l_1 = 2\text{м}, l_2 = 4\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$$

**Задача 16.21.**

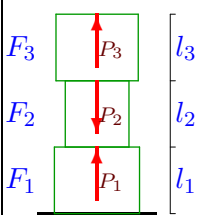
3



$$P_1 = 50\text{кН}, P_2 = 77\text{кН}, P_3 = 84\text{кН}, F_1 = 30\text{см}^2, F_2 = 30\text{см}^2, F_3 = 27\text{см}^2, l_1 = 3\text{м}, l_2 = 3\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$$

**Задача 16.22.**

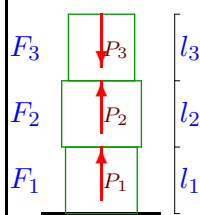
3



$$P_1 = 77\text{кН}, P_2 = 26\text{кН}, P_3 = 27\text{кН}, F_1 = 32\text{см}^2, F_2 = 24\text{см}^2, F_3 = 31\text{см}^2, l_1 = 3\text{м}, l_2 = 2\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$$

**Задача 16.23.**

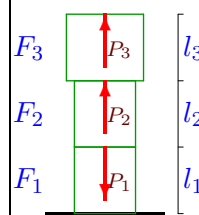
3



$$P_1 = 77\text{кН}, P_2 = 105\text{кН}, P_3 = 88\text{кН}, F_1 = 27\text{см}^2, F_2 = 30\text{см}^2, F_3 = 25\text{см}^2, l_1 = 3\text{м}, l_2 = 4\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$$

**Задача 16.24.**

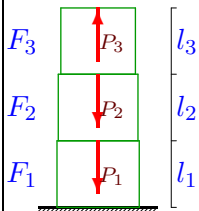
3



$$P_1 = 29\text{кН}, P_2 = 108\text{кН}, P_3 = 46\text{кН}, F_1 = 23\text{см}^2, F_2 = 23\text{см}^2, F_3 = 29\text{см}^2, l_1 = 2\text{м}, l_2 = 3\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$$

**Задача 16.25.**

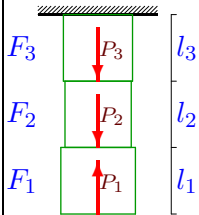
3



$P_1 = 92\text{кН}, P_2 = 56\text{кН},$   
 $P_3 = 90\text{кН}, F_1 = 31\text{см}^2,$   
 $F_2 = 30\text{см}^2, F_3 = 28\text{см}^2,$   
 $l_1 = 2\text{м}, l_2 = 2\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$

**Задача 16.28.**

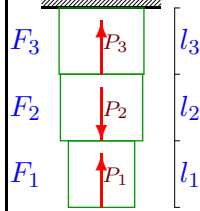
3



$P_1 = 23\text{кН}, P_2 = 42\text{кН},$   
 $P_3 = 112\text{кН}, F_1 = 28\text{см}^2,$   
 $F_2 = 25\text{см}^2, F_3 = 26\text{см}^2,$   
 $l_1 = 3\text{м}, l_2 = 2\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$

**Задача 16.26.**

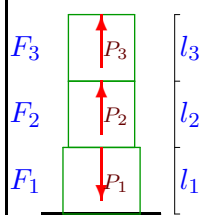
3



$P_1 = 66\text{кН}, P_2 = 75\text{кН},$   
 $P_3 = 77\text{кН}, F_1 = 25\text{см}^2,$   
 $F_2 = 31\text{см}^2, F_3 = 32\text{см}^2,$   
 $l_1 = 3\text{м}, l_2 = 2\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$

**Задача 16.29.**

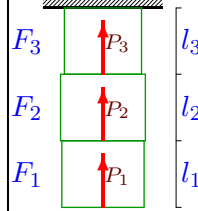
3



$P_1 = 30\text{кН}, P_2 = 125\text{кН},$   
 $P_3 = 77\text{кН}, F_1 = 29\text{см}^2,$   
 $F_2 = 25\text{см}^2, F_3 = 25\text{см}^2,$   
 $l_1 = 2\text{м}, l_2 = 4\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$

**Задача 16.27.**

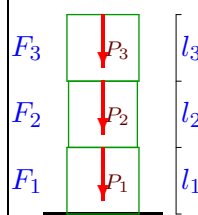
3



$P_1 = 135\text{кН}, P_2 = 54\text{кН},$   
 $P_3 = 58\text{кН}, F_1 = 31\text{см}^2,$   
 $F_2 = 32\text{см}^2, F_3 = 29\text{см}^2,$   
 $l_1 = 4\text{м}, l_2 = 3\text{м}, l_3 = 3\text{м}.$

**Задача 16.30.**

3



$P_1 = 96\text{кН}, P_2 = 23\text{кН},$   
 $P_3 = 48\text{кН}, F_1 = 27\text{см}^2,$   
 $F_2 = 26\text{см}^2, F_3 = 27\text{см}^2,$   
 $l_1 = 2\text{м}, l_2 = 2\text{м}, l_3 = 2\text{м}.$

**Растяжение и сжатие бруса**

№	$\delta_1$	$\delta_2$	$\delta_3$	$\delta$
1	-0.001	-0.256	-0.101	-0.358
2	-0.534	-1.148	-0.586	-2.269
3	-0.298	-0.856	-2.355	-3.510
4	-0.517	-1.457	-0.693	-2.667
5	1.074	0.740	0.478	2.293
6	-0.366	-0.022	0.103	-0.284
7	-0.675	-0.489	-0.453	-1.617
8	0.109	0.169	1.205	1.483
9	-0.288	-0.070	-0.273	-0.630
10	-0.308	0.043	-0.312	-0.576
11	-0.336	-0.171	-0.656	-1.163
12	-0.747	-0.025	0.072	-0.700
13	-0.193	0.262	-0.082	-0.013
14	0.210	0.765	0.371	1.345
15	-0.830	-1.255	-0.471	-2.556
16	-0.160	-0.523	-0.651	-1.334
17	-0.105	0.155	0.562	0.613
18	-0.278	0.146	-0.151	-0.283
19	-0.313	0.078	0.368	0.133
20	0.452	1.435	0.426	2.314
21	-0.248	-0.630	-0.153	-1.031
22	0.359	0.000	0.129	0.488
23	0.513	0.108	-0.353	0.268
24	0.537	0.998	0.236	1.772
25	-0.192	0.110	0.480	0.399
26	-0.394	0.032	-0.312	-0.675
27	-0.868	-0.880	-1.267	-3.014
28	-0.121	0.079	0.509	0.467
29	0.588	1.608	0.460	2.656
30	-0.622	-0.275	-0.179	-1.076