

## Глава 2

# НЕЧЕТКИЕ МНОЖЕСТВА

### 2.1. Действия с нечеткими множествами

Если на универсальном множестве  $E$  задано множество  $A = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ , то для элементов  $x_i$  вводят характеристическую функцию  $\mu_A(x_i)$ , принимающую значение 1, если  $x_i$  принадлежит множеству  $A$  и 0, если не принадлежит. Для *нечетких множеств* эта функция может принимать значения  $0 \leq \mu_A(x_i) \leq 1$ .

#### Некоторые определения.

Величина  $\sup_{x \in E} \mu_A(x)$  называется *высотой* нечеткого множества.

Высота *нормального* нечеткого множества равна 1.

Если  $\sup_{x \in E} \mu_A(x) < 1$ , то нечеткое множество *субнормальное*.

Если  $\mu_A(x) = 1$ , то такое множество называется *унимодальным*.

Подмножество элементов со свойством  $\mu_A(x) < 1$  образуют *носитель* множества  $A$ .

Элементы, для которых  $\mu_A(x) = 0.5$ , называются *точками перехода* множества  $A$ .

#### Логические операции над нечеткими множествами.

1.  $A \subset B$ , если  $\forall x \in E \mu_A(x) \leq \mu_B(x)$ .
2.  $A = B$ , если  $\forall x \in E \mu_A(x) = \mu_B(x)$ .
3.  $A = \bar{B}$ , если  $\forall x \in E \mu_A(x) = 1 - \mu_B(x)$ .
4.  $C = A \cap B$ , если  $\mu_C(x) = \min(\mu_A(x), \mu_B(x))$ .
5.  $C = A \cup B$ , если  $\mu_C(x) = \max(\mu_A(x), \mu_B(x))$ .
6.  $C = A \setminus B$ , если  $C = A \cap \bar{B}$ .

#### Алгебраические операции над нечеткими множествами.

1.  $C = A \cdot B$ , если  $\forall x \in C \mu_C(x) = \mu_A(x)\mu_B(x)$ .
2.  $C = A \hat{+} B$ , если  $\forall x \in C \mu_C(x) = \mu_A(x) + \mu_B(x) - \mu_A(x)\mu_B(x)$ .
3.  $\text{CON}(A) = A^2$  (операция концентрирования).
4.  $\text{DIL}(A) = A^{0.5}$  (операция растяжения).