Ответы

| $N_{\overline{2}}$ | X_A Y_A | | Y_D | X_E | Y_E | M_A | |
|--------------------|-------------|---------|---------|---------|---------|---------|--|
| | | кНм | | | | | |
| 1 | -37.019 | 13.882 | 4.600 | _ | -3.482 | _ | |
| 2 | 16.497 | 0.287 | _ | _ | 27.713 | 110.646 | |
| 3 | 13.010 | -27.675 | _ | -18.637 | 15.675 | _ | |
| 4 | -42.002 | -37.663 | _ | 10.182 | -14.017 | _ | |
| 5 | -12.302 | -15.158 | 11.191 | _ | 6.665 | _ | |
| 6 | -34.480 | -6.584 | _ | -20.020 | 2.297 | _ | |
| 7 | 29.021 | 24.549 | _ | -85.923 | 15.049 | _ | |
| 8 | -4.019 | -96.489 | -10.875 | _ | 89.363 | _ | |
| 9 | -29.207 | -43.005 | _ | 24.518 | 24.505 | _ | |
| 10 | 31.500 | -61.598 | _ | _ | -16.962 | 122.290 | |

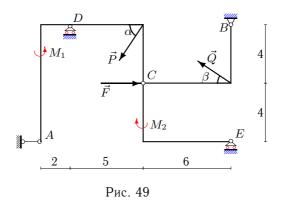
2.6. Расчет системы трех тел, соединенных шарниром

Постановка задачи. Определить реакции опор конструкции, состоящей из трех тел, соединенных в одной точке шарниром.

План решения

- 1. Расчленяем конструкцию на три отдельных тела и сочленяющий шарнир в качестве четвертого тела. Считая, что каждое из трех тел в точке сочленения взаимодействует только с осью шарнира, действие оси шарнира на тело заменяем ее реакциями.
- 2. Записываем по три уравнения равновесия для каждого из тел и два уравнения равновесия в проекциях для системы сил, приложенных к оси шарнира.
 - 3. Решаем систему 11 уравнений с 11 неизвестными.
- 4. Выполняем проверку решения, составляя дополнительное уравнение равновесия для нерасчлененной конструкции.

Пример. Определить реакции опор конструкции, состоящей из трех тел, соединенных в точке C шарниром. В точке B конструкция опирается на неподвижный шарнир, в точках D и E — подвижные шарниры, в точке A — горизонтальный опорный стержень. На конструкцию действуют силы F=40 кH, P=20 кH, Q=10 кH и сосредоточенные моменты $M_1=100$ кНм, $M_2=30$ кНм (рис. 49); $\alpha=60^\circ$, $\beta=30^\circ$. Размеры на рисунке указаны в метрах.



Решение

1. Расчленяем конструкцию на три отдельных тела ADC, CB, CE и сочленяющий шарнир C в качестве четвертого тела. Считая, что каждое из трех тел в точке сочленения взаимодействует только с осью шарнира C, действие оси шарнира на тело заменяем ее реакциями (рис. 50).

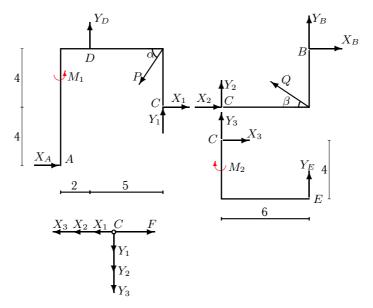


Рис. 50

2. Для каждого из тел (AC, BC, EC) записываем по три уравнения равновесия — два уравнения проекций и уравнение моментов

относительно точки C^{-1} . Для системы сил, сходящихся в шарнире C, составляем два уравнения равновесия в проекциях (рис. 50). Получаем следующую систему уравнений:

$$\sum X_i^{(AC)} = X_1 - P \cos \alpha + X_A = 0,$$

$$\sum Y_i^{(AC)} = Y_1 - P \sin \alpha + Y_D = 0,$$

$$\sum M_C^{(AC)} = X_A \cdot 4 - Y_D \cdot 5 + M_1 + P \cdot 4 \cos \alpha = 0,$$
(1)

$$\sum X_i^{(BC)} = X_2 - Q\cos\beta + X_B = 0,$$

$$\sum Y_i^{(BC)} = Y_2 + Q\sin\beta + Y_B = 0,$$

$$\sum M_C^{(BC)} = -X_B \cdot 4 + Y_B \cdot 6 + Q \cdot 6\sin\beta = 0,$$
(2)

$$\sum X_i^{(EC)} = X_3 = 0,$$

$$\sum Y_i^{(EC)} = Y_3 + Y_E = 0,$$

$$\sum M_C^{(EC)} = Y_E \cdot 6 - M_2 = 0,$$
(3)

$$\sum X_i^{(C)} = -X_1 - X_2 - X_3 + F = 0,$$

$$\sum Y_i^{(C)} = -Y_1 - Y_2 - Y_3 = 0.$$
(4)

3. Решаем систему 11 уравнений с 11 неизвестными. Результаты расчетов записываем в таблицу:

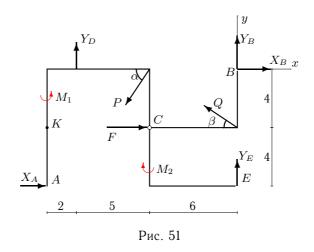
| | X_A | Y_D | X_B | Y_B | Y_E | X_1 | Y_1 | X_2 | Y_2 | X_3 | Y_3 |
|----|--------|-------|--------|--------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| кН | | | | | | | | | | | |
| | -10.90 | 19.28 | -10.44 | -11.96 | 5.00 | 20.90 | -1.96 | 19.10 | 6.96 | 0 | -5.00 |

4. Выполняем проверку решения, составляя дополнительное уравнение равновесия для нерасчлененной системы (рис. 51). Моментную точку K выбираем так, чтобы в уравнения вошли все проверяемые величины X_A , Y_D , X_B , Y_B , Y_E :

$$\sum M_K^{(\text{uen})} = X_A \cdot 4 + Y_D \cdot 2 + M_1 - M_2 + P \cdot \cos \alpha \cdot 4 - P \cdot \sin \alpha \cdot 7 + Q \cdot \sin \beta \cdot 13 + Y_E \cdot 13 + Y_B \cdot 13 - X_B \cdot 4 = 0.$$

¹В качестве моментной точки можно выбирать любую, в том числе и не принадлежащую телу.

Замечание. Предложенный способ расчета не является единственным. Например, если из трех частей, соединенных в одном шарнире, можно отделить одну, имеющую в качестве опоры подвижный шарнир (часть CE, рис. 50), то получится система двух тел, одно из которых (CE) имеет три неизвестные реакции. Определить эти реакции можно из системы трех уравнений равновесия этой части.



Затем следует рассмотреть оставшуюся часть, состоящую их двух еще нерасчлененных тел. В качестве дополнительной нагрузки к ним будут приложены (в противоположную сторону) две реакции отброшенной третьей части.

Условия задач. Определить реакции опор конструкции, состоящей из трех тел, соединенных в точке C шарниром. Размеры указаны в метрах.

